

ओह्म का सिद्धान्त - सरल इलेक्ट्रिकल सर्किटें और समस्याएँ (Ohm's law - simple electrical circuits and problems)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

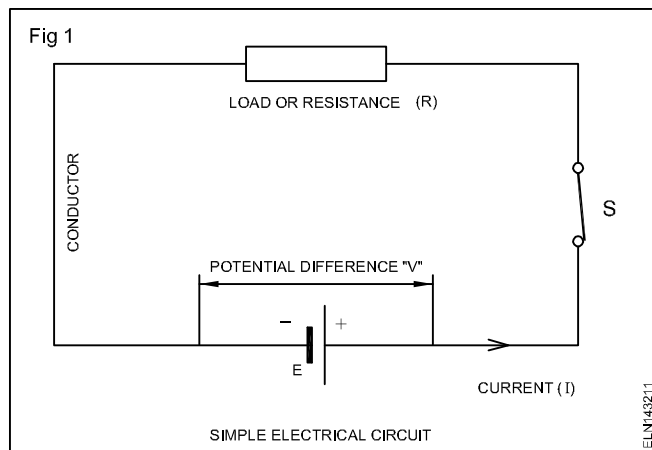
- इलेक्ट्रिकल सर्किट के आधारभूत प्रकारों का काम करना
- ओह्म के सिद्धान्त के माध्यम से सर्किट प्रकारों के बीच का सम्बन्ध बताना
- इलेक्ट्रिक सर्किट में ओह्म के सिद्धान्त का अनुप्रयोग करना
- इलेक्ट्रिक पावर एवं ऊर्जा को परिभाषित करना और सम्बन्धित प्रश्नों की गणना करना ।

सरल विद्युत परिपथ (Simple electric circuit)

(या)

(Fig 1) में दिखाए सरल बिजली परिपथ में, धारा स्विच और लोड के रास्ते बैटरी के घनात्मक टर्मिनल से अपना पथ पूरा करती है और बैटरी के ऋणात्मक टर्मिनल में वापस जाती है।

(Fig 1) में दिखाया परिपथ एक बन्द परिपथ होता है। एक परिपथ से समान्य काम लेने के लिए निम्नलिखित तीन तत्व जरूरी होते हैं।



- परिपथ में से इलेक्ट्रॉनों को चालित करने के लिए विद्युत-वाहक बल (EMF)
- धारा (I), इलेक्ट्रॉनों का बहाव (प्रवाह)
- प्रतिरोध (R) - विद्युत धारा के प्रवाह का विरोध

ओह्म का सिद्धान्त (Ohm's law)

सन् 1826 में ज्योर्ज सियोन ओह्म ने पता लगाया कि धातु कण्डक्टरों के लिए कण्डक्टरों के सिरों के बीच में मूलतः पोटेंशियल अन्तर का स्थिर अनुपात है ।

परिपथ में विद्युत वाहक बल, धारा और प्रतिरोध के बीच सम्बन्ध ओम नियम द्वारा दिया जाता है।

ओम नियम बताता है कि प्रवाहित धारा (V) के अनुपात में परिपथ के दो बिन्दुओं के आर पार वोल्टता (I) स्थिर होती है बशर्ते कि भौतिक स्थिति यानी ताप आदि स्थिर रहे। इस स्थिर को परिपथ के प्रतिरोध के प्रतिरोध (R) के रूप में द्योतित किया जाता है।

साधारण रूप में

ओह्म सिद्धान्त कहता है कि किसी भी बन्द इलेक्ट्रिक सर्किट में करन्ट (I) सीधा वोल्टेज (V), के साथ अनुपात में है और स्थिर तापमान पर रसिस्टान्स 'R' के साथ व्युत्क्रमानुपात में है ।

(अर्थात्) $I \propto V$ (जब 'R' को स्थिर रखा जाता है)

$I \propto R$ (जब 'V' को स्थिर रखा जाता है)

$I \propto V/R$ (I, V और R के बीच का सम्बन्ध)

$$I = \frac{V}{R}$$

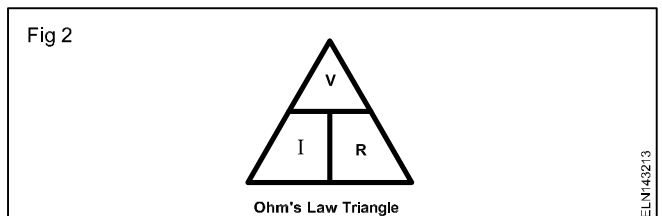
इस प्रकार $V = IR$

V = सर्किट में प्रयुक्त किया गया वोल्टेज 'Volt' में

I = सर्किट में बहुत हुआ करन्ट 'Amp' में

R = सर्किट का रसिस्टान्स Ohm में

(Fig 2) में दिखाए अनुसार उपर्युक्त संबंध को एक त्रिकोण के रूप में निर्दिष्ट किया जा सकता है। इस त्रिकोण में जो कुछ मान आप पढ़ना चाहते हैं, उसपर अपना अंगूठा रखें तब अन्य तत्वों की स्थिति आपको अपेक्षित मान देगी।



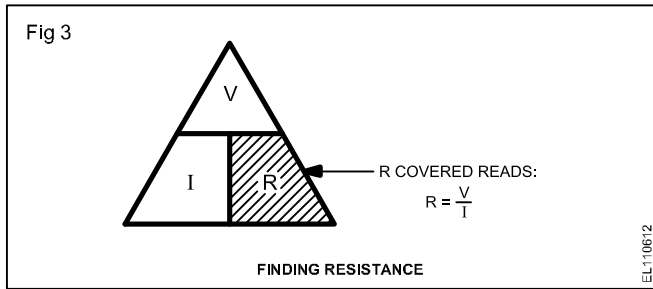
उदाहरणार्थ 'V' प्राप्त करने के लिए, 'V' मान बन्द करें तब पाठनीय मान है IR, इस प्रकार $V = IR$

इसी प्रकार 'R' प्राप्त करने के लिए 'R' मान बन्द करें तब पठनीय मान है V/I इस प्रकार $R = V/I$ जैसे .

गणित पद्धति में लिखने पर ओह्म इस प्रकार व्यक्त किया जा सकता है ।

$$\text{Resistance} = \frac{\text{Voltage (V)}}{\text{Current (I)}} \text{ (Refer Fig 3)}$$

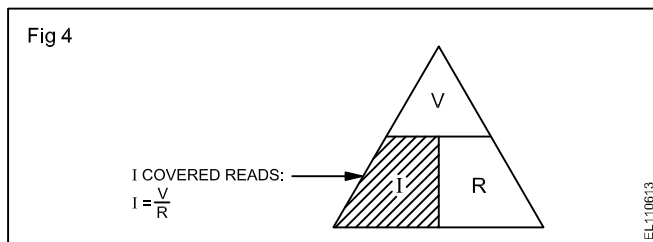
$$\text{(or) } R = \frac{V}{I} \text{ (Refer Fig 3)}$$



निश्चित कह सकते हैं कि उपरोक्त समीकरण नीचे प्रकार पुनः क्रमबद्ध किया जा सकता है :

$$\text{Current (I)} = \frac{\text{Voltage (V)}}{\text{Resistance (R)}}$$

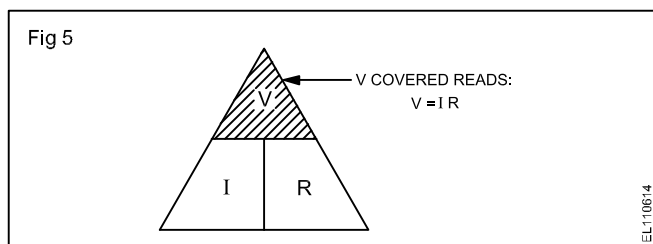
$$\text{(or) } I = \frac{V}{R} \text{ (Refer Fig 4)}$$



उसी प्रकार 'V' का मान 'V' को पाटकर ज्ञात किया जा सकता है

वोल्टेज (V) = धारा (I) x रेसिस्टान्स (R)

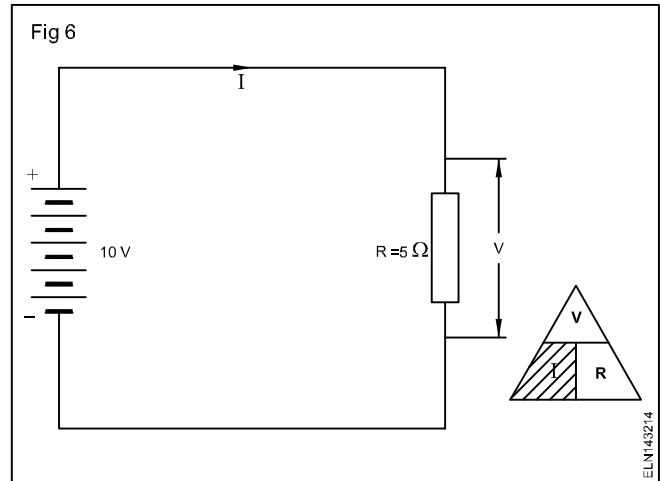
अथवा V - IR (Fig 5 में देखें)



परिपथों में ओम नियम का अनुप्रयोग (Application of Ohm's Law in circuits)

उदाहरण 1

आओ हम (Fig 6) में दिखाए परिपथ को लें जिसका 10V बैटरी स्रोत और 5 ओम प्रतिरोध का लोड है। अब हम चालक में से धारा प्राप्त कर सकते हैं



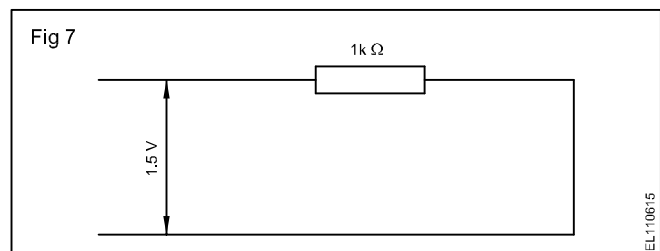
$$I \propto \frac{V}{R}$$

$$I = \frac{V}{R}$$

$$I = \frac{10}{5} = 2 \text{ amp}$$

उदाहरण 2

Fig 7 में दर्शाये सर्किट में कितना करन्ट (I) प्रवाहित होता है ।



दिया गया है :

$$\text{वोल्टेज (V)} = 1.5 \text{ Volts}$$

$$\text{प्रतिरोध (R)} = 1 \text{ kOhm}$$

$$= 1000 \text{ Ohms}$$

ज्ञात करना है : धारा (I)

ज्ञात करें :

$$I = \frac{V}{R}$$

हल (Solution)

$$I = \frac{1.5 \text{ V}}{1000 \text{ Ohms}} = 0.0015 \text{ amp}$$

उत्तर (Answer)

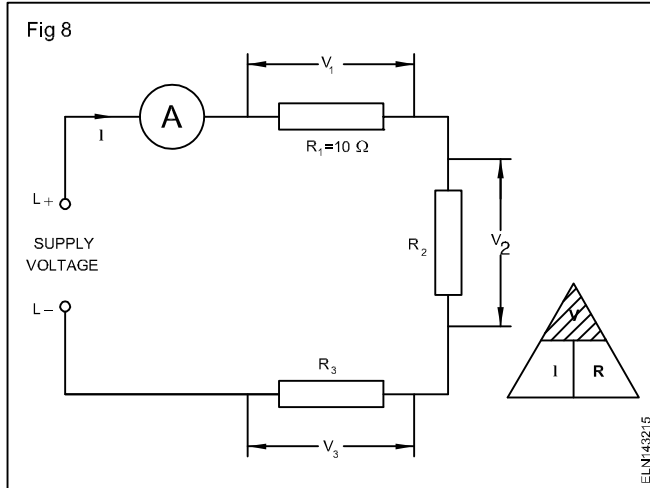
सर्किट में करन्ट है 0.0015 A

अथवा

सर्किट में करन्ट 1.5 milliampere (mA) है
(1000 milliamps = 1 ampere)

समस्या (Problem)

(Fig 8 में) दिखाए परिपथ में 10 ओम प्रतिरोध के आरपार वोल्टता का मान प्राप्त करें जब 2 एम्पस धारा 10 ओम प्रतिरोधक में से प्रवाहित होती है



हल (Solution)

वोल्टेज 10 ओम

$$\begin{aligned} V &= I \times R \\ &= 2 \times 10 \\ &= 20 \text{ Volt} \end{aligned}$$

इसी प्रकार यदि अन्य प्रतिरोध का मान ज्ञात है तो हम उनके आरपार वोल्टता प्राप्त कर सकते हैं।

आत्यन्तिक परिपथ स्थितियां (Extreme circuit conditions)

एक परिपथ में दो आत्यन्तिक स्थितियां उत्पन्न हो सकती हैं

खुला परिपथ (Open circuit)

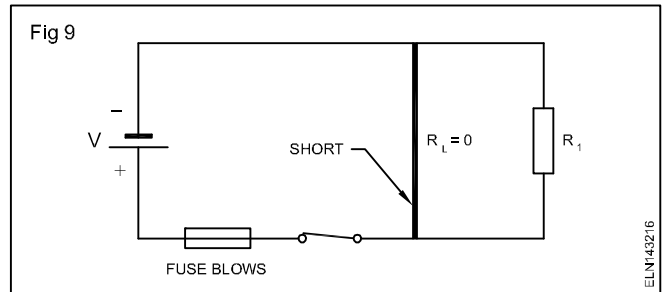
एक खुले परिपथ में, परिपथ में अत्यधिक उच्च प्रतिरोध होता है। परिपथ में ऐसी स्थिति घटित हो सकती है जब स्विच खुला हो। अतः कोई धारा प्रवाह नहीं।

उदाहरणार्थ, एक जनित्र को खुले परिपथ में कहा जाता है जब स्विच खुला हो और परिपथ को धारा सप्लाई किए बिना चालू हो। एक भित्ति साकेट भी, खुला परिपथ होता है यदि भित्ति साकेट का नियंत्रण स्विच 'आफ' या 'आन' स्थिति में हैं बशर्ते कि भित्ति साकेट में कोई उपकरण प्लगा न किया गया हो

लघु परिपथ (Short circuit)

अन्य महत्वपूर्ण आत्यन्तिक स्थिति लघु परिपथ होता है। एक लघु पथ, उदाहरणार्थ उत्पन्न होता है जब एक सेल के दो टर्मिनलों को जोड़ा जाता है (Fig 9) लघु परिपथन तब भी हो सकता है जब केबिल दो क्रोडों के बीच खराबी हो।

परिणामी निम्न प्रतिरोध बड़ी धाराएं उत्पन्न करेगा जो जोखिम बन सकता है। यदि (Fig 9) में दिखाए अनुसार परिपथ में फ्यूज उपलब्ध कराया गया है तब उड़ जाएगा और परिपथ स्वतः खुला हो जाएगा।



प्राैक्टीकल अनुप्रयोग (Practical application)

इस अभ्यास से प्राप्त ज्ञान का प्रयोग आप एक विशेष लोड प्रतिरोध से प्राप्त धारा को परिकलित करने के लिए कर सकते हैं जब सप्लाई वोल्टता ज्ञात हो। इससे वायरमैन को परिपथ के लिए उचित साइज का केबिल चुनने में सहायता मिलेगी।

वैद्युतिक शक्ति (P) और ऊर्जा (E) (Electrical Power (P) & Energy (E))

वोल्टेज (V) और धारा (I) के गुणनफल को वैद्युतिक शक्ति कहते हैं वैद्युतिक शक्ति (P) = वोल्टेज (V) × धारा (I) $P = V \times I$

वैद्युतिक शक्ति की इकाई वाट 'Watt' है इसे 'P' से दर्शाते हैं इसे वाटमीटर में मापते हैं। वैद्युतिक शक्ति के लिए निम्नलिखित फारमूला है

$$\text{i) } P = V \times I \\ = IR \times I$$

$$P = I^2 R$$

$$\text{ii) } P = V \times I$$

$$= V \times \frac{V}{R}$$

$$P = \frac{V^2}{R}$$

वैद्युतिक ऊर्जा (E) (Electrical Energy (E))

वैद्युतिक शक्ति (P) और समय (t) के गुणनफल को वैद्युतिक ऊर्जा (Electrical Energy) (E) कहते हैं

वैद्युतिक ऊर्जा (E) = वैद्युतिक शक्ति × समय

$$E = P \times t$$

$$= (V \times I) \times t$$

$$E = V \times I \times t$$

वैद्युतिक ऊर्जा की इकाई "वाट घण्टा" (Watt hour) (Wh) है।

वैद्युतिक ऊर्जा की व्यवसायिक इकाई "किलो वाट आवर" (KWH) या यूनिट है।

B.O.T (बोर्ड आफ ट्रेड) यूनिट / KWH/यूनिट (B.O.T (Board of Trade) unit / KWH/Unit)

बी.ओ.टी. (बोर्ड आफ ट्रेड) यूनिट /कि.वा.आ./ यूनिट एक बी.ओ.टी. इकाई (Board of Trade) वह मात्रक है जिसमें 1 हजार वाट के लैम्प को 1 घण्टा तक जलाने पर जितनी ऊर्जा की खपत होती है एक किलो वाट ऊर्जा खपत (1 KWH) करती है। इसे भी एक "यूनिट" कहते हैं।

$$\text{ऊर्जा} = 1000W \times 1Hr = 1000WH \text{ (or) } 1kWH$$

उदाहरण 1

एक वैद्युतिक इस्त्री (electric iron) 750W/250v की है जिसे 90 मिनट उपयोग करने पर कितनी वैद्युतिक ऊर्जा खपत होती है।

दिया है :

$$\text{शक्ति (P)} = 750W$$

$$\text{वोल्टेज (V)} = 250V$$

$$\text{समय} = 90\text{min (या) } 1.5Hr$$

ज्ञात करना है :

$$\text{वैद्युतिक ऊर्जा (E)} = ?$$

प्रश्नानुसार :

$$\begin{aligned} \text{वैद्युतिक ऊर्जा (E)} &= P \times t \\ &= 750W \times 1.5Hr \\ &= 1125 WH \text{ (या)} \end{aligned}$$

$$E = 1.125 kWH$$

उदाहरण 2

एक वैद्युतिक लैम्प का शक्ति (Power) की गणना करें जो 240 V वैद्युतिक सप्लाय पर 0.42 एम्पी धारा लेती है।

दिया है :

$$\text{वोल्टेज (V)} = 240 V$$

$$\text{धारा (I)} = 0.5 A$$

ज्ञात करना है :

$$\text{शक्ति (P)} = ?$$

प्रश्नानुसार :

$$\begin{aligned} P &= V \times I \\ &= 240 \times 0.42 \\ &= 100.8W \end{aligned}$$

$$\text{जहाँ शक्ति लगभग (P)} = 100 W \text{ (लगभग)}$$

उदाहरण 3:

लैम्प के गर्म प्रतिरोध (R) की गणना करें जिसका रेटिंग 200W/250 V है ?

दिया है :

$$\text{शक्ति (P)} = 200 W$$

$$\text{वोल्टेज (V)} = 250 V$$

ज्ञात करना है :

$$\text{प्रतिरोध (R)} = ?$$

प्रश्नानुसार :

$$P = \frac{V^2}{R}$$

$$R = \frac{V^2}{P} = \frac{250 \times 250}{200}$$

$$(R) \text{ प्रतिरोध} = 312.5 \text{ Ohm } (\Omega)$$

उदाहरण 4

एक घर में निम्नलिखित वैद्युतिक लोड हमेशा उपयोग किया जाता है:

- i) 40W का 5 Nos. ट्यूब लाइट 5 घण्टे/दिन
- ii) 30W का 4No 5 फेन 3घण्टे/दिन
- iii) 120W का 1 No टी.वी. 5 घण्टे/दिन
- iv) 60W का 4Nos. लैम्प 4 घण्टे/दिन

कुल वैद्युतिक ऊर्जा की यूनिट में गणना करें और जानकारी महीने का बिजली का बिल का किराया ज्ञात करें यदि खपत मूल्य 1.50/ यूनिट हो।

दिया है :

प्रति दिन के लोड का विवरण

वैद्युतिक उपकरण	शक्ति	नम्बर	घण्टा में समय
i) ट्यूब लाइट	- 40W	- 5	- 5 घण्टा/दिन
ii) पंखा	- 80W	- 4	- 8 घण्टा/दिन
iii) टी.वी.	- 120W	- 1	- 6 घण्टा/दिन
iv) लैम्प	- 60W	- 4	- 4 घण्टा/दिन

ऊर्जा खपत की दर - Rs.1.50/यूनिट

ज्ञात करना है :

- i) प्रतिदिन यूनिट में ऊर्जा खपत = ?
- ii) जनवरी महीने के लिए ऊर्जा खपत = ?

प्रश्नानुसार :

ऊर्जा खपत प्रतिदिन

- 1 ट्यूब लाइट = $40W \times 5 \times 5$ घण्टा/दिन
 $= \frac{1000 \text{ wh}}{1000} = 1Kwh/day$
- 2 पंखा = $80W \times 4 \times 8$ घण्टा/दिन
 $= \frac{2560}{1000} = 2.56Kwh/day$
- 3 टी.वी. = $120W \times 1 \times 6$ घण्टा/दिन
 $= \frac{720 \text{ wh}}{1000} = 0.72Kwh/day$
- 4 लैम्प = $60W \times 4 \times 4$ घण्टा/दिन
 $= \frac{960}{1000} = Kwh = \frac{0.96kwh/day}{5.24kwh/day}$

- i) प्रतिदिन कुल ऊर्जा खपत में यूनिट में = 5.24 यूनिट
- ii) जनवरी महीने के लिए कुल ऊर्जा खपत या 31 दिन = 5.24×31
 $= 162.44$ यूनिट

ऊर्जा कि दर	= Rs. 1.50/यूनिट
जनवरी महीने का कुल बिजली का बिल	= 162.44×1.50 = Rs.243.66
जनवरी महीने का कुल बिजली का बिल	= Rs. 244/-

सौंपा गया कार्य (Assignment) :

नोट : अनुदेशक प्रशिक्षणार्थियों को किसी घर या बिल्डिंग के लिए समसमायिक महीने का बिजली का बिल तैयार करने के लिए कह सकते हैं।

कार्य, ऊर्जा और शक्ति (Work, Power and Energy)

यदि किसी पिण्ड पर बल (F) लगाने से वह पिण्ड एक स्थान (s) से दुसरे स्थान पर विस्थापित होती है तो उसे किया गया कार्य कहते हैं।

किया गया कार्य = बल x विस्थापन

$$w.d = F \times S$$

इसे से "W" प्रदर्शित करते हैं

कार्य की इकाई है

i) फुट पाउंड सेकण्ड प्रणाली (F.P.S) में "फुट पाउंड (Foot Pound) (lb.ft)" है।

ii) सेन्टीमीटर ग्राम सेकण्ड पद्धति/प्रणाली में (C.G.S) "ग्राम सेन्टीमीटर (Gram Centimetre) (gm.cm)" है।

या

$$1 \text{ gm.cm} = 1 \text{ dyne}$$

$$1 \text{ dyne} = 10^7 \text{ ergs}$$

कार्य की सबसे छोटी इकाई "अर्ग" (Erg) है।

iii) Metre - Kilogram - Second (M.K.S.) पद्धति/प्रणाली में "Kilogram Metre (Kg-M)"

$$1 \text{ Kilogram} = 9.81 \text{ Newton}$$

iv) अन्तर्राष्ट्रीय पद्धति/ प्रणाली में (S.I. यूनिट) is 'Joule'

$$1 \text{ Joule} = 1 \text{ Newton Metre (Nw-M)}$$

शक्ति (P) (Power (P))

कार्य करने कि दर को शक्ति (P) कहते हैं

शक्ति (P) = किया गया कार्य / समय

$$P = \frac{F \times S}{t}$$

इकाई Lb.ft/sec in FPS system

gm-cm/sec is in C.G.S. System

(या)

Dyne/sec

(या)

Kg-M/sec in M.K.S System (या) NW - M/ sec

(1kg = 9.81 Newton)

Joule/sec in (S.I)

1 Joule/Sec = 1 watt

वैद्युतिक शक्ति = VI Watt

यांत्रिक शक्ति की इकाई “हार्स पावर (Horse Power) (H.P)” है

हार्स पावर का दो प्रकार वर्गीकरण कर सकते हैं :

ये हैं :-

इंडिकेटेड हार्स पावर (Indicated Horse Power) - (IHP)

ब्रेक हार्स पावर (Brake Horse Power) - (BHP)

इंडिकेटेड हार्स पावर (Indicated Horse Power) (IHP)

यदि शक्ति इंजिन (या) पम्प (या) मोटर के अंदर उत्पन्न होती है उसे इंडिकेटेड हार्स पावर (Indicated Horse Power (IHP)) कहते हैं।

ब्रेक हार्स पावर (BHP) (Brake Horse Power (BHP))

किसी इंजन/मोटर/पम्प के शाफ्ट पर उपलब्ध उपयोगी शक्ति ब्रेक हार्स पावर (Brake Horse Power (BHP)) कहलाता है।

BHP में घर्षण हानि होती है

इसलिए BHP से IHP बड़ी होती है।

IHP > BHP

यांत्रिक और वैद्युतिक शक्ति के मध्य संबंध

(ie) 1 HP (British) = 746 Watt

1 HP (Metric) = 735.5 Watt

HP (मैट्रिक) (One HP (Metric))

किसी वस्तु पर 75 Kg का बल लगाने पर वह एक सेकण्ड में एक मीटर की दूरी तय करती है तो लगाया गया यांत्रिक शक्ति कहलाता है।

HP (Metric) = 75kg - M/Sec

HP (ब्रिटिश) (One HP (British))

किसी वस्तु पर 550lb का बल लगाने पर एक फीट की दूरी एक सेकण्ड में तय करती है तो लगाया गया यांत्रिक शक्ति कहलाता है।

1 HP (British) = 550 lb.ft/sec

ऊर्जा (Energy)

किसी कार्य के संपादित होने पर लगाया गया शक्ति और समय के गुणनफल को वैद्युत ऊर्जा कहते हैं।

(या)

कार्य और ऊर्जा दोनों की इकाई समान (जूल) है।

(ie) ऊर्जा = शक्ति x समय

$$t = \frac{\text{workdone}}{\text{time}} \times \text{time}$$

$$\begin{aligned} \text{I- ऊर्जा} &= \text{शक्ति} \times \text{समय} \\ &= VI \times t \end{aligned}$$

कार्य की S.I इकाई “जूल” (Joule) होती है।

(अर्थात्) ऊर्जा = (जूल/सेकण्ड) x सेकण्ड

$$= \frac{\text{Joule}}{\text{Sec}} \times \text{Sec} = \text{जूल}$$

कार्य और ऊर्जा दोनों की S.I इकाई समान (जूल) है।

ऊर्जा को दो मुख्य भागों में विभाजित किया जा सकता है-

- स्थितिज ऊर्जा (Potential energy) (जैसे लोडेड गन संचित ऊर्जा आदि)
- गतिज ऊर्जा (Kinetic energy) (जैसे चलती हुई कार पानी का गिरना आदि).

किरचॉफ का नियम और उसका अनुप्रयोग (Kirchhoff's law and its applications)

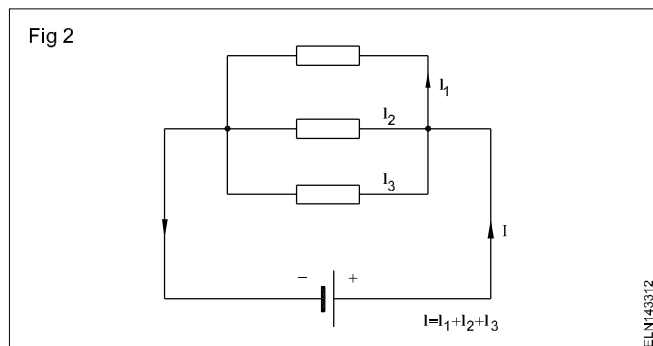
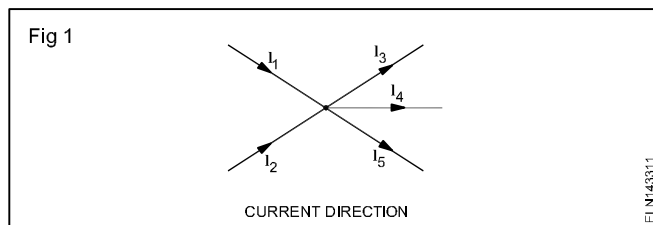
उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- किरचॉफ के प्रथम नियम को बताना
- परिपथ धारा ज्ञात करने के लिये किरचॉफ के प्रथम नियम का प्रयोग करना
- किरचॉफ के द्वितीय नियम को बताने तथा उसके द्वारा शाखाओं में वोल्टता पतन ज्ञात करना
- किरचॉफ के नियमों द्वारा प्रश्न को हल करना।

किरचॉफ के नियमों का उपयोग एक जटिल तन्त्र के तुल्य प्रतिरोध तथा विभिन्न चालकों में प्रवाहित धारा के ज्ञात करने में किया जाता है।

किरचॉफ के नियम (Kirchhoff's laws)

किरचाफ का प्रथम नियम (Kirchhoff's first law) : धारकों की प्रत्येक सन्धि पर पहुँचने वाली धाराओं का योग बाहर आने वाली धाराओं के योग के बराबर होता है। (Fig 1 & Fig 2) (अथवा) करन्ट की सभी शाखाएँ जो एक स्थान/नोड पर मिलती हैं उनका बीजगणितीय योग शून्य है।



यदि सभी आने वाली धाराओं का धनात्मक चिन्ह और जाने वाली धाराओं का ऋणात्मक चिन्ह है तो हम कह सकते हैं कि

$$I_1 + I_2 = I_3 + I_4 + I_5$$

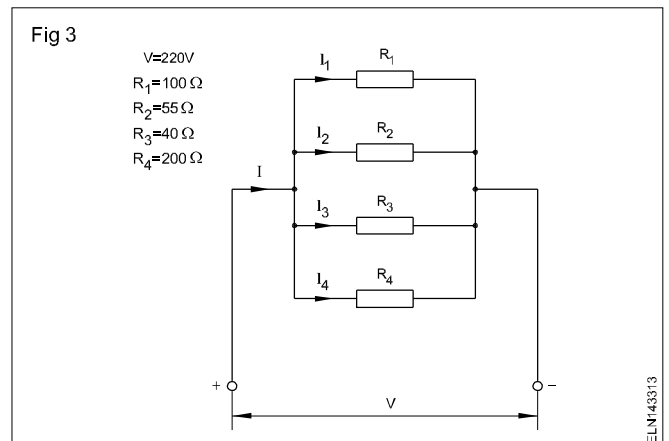
$$+ I_1 + I_2 - I_3 - I_4 - I_5 = 0$$

ऊपर के उदाहरण सन्धि में (नोड) पर प्रवाहित सभी धाराओं का योग शून्य के बराबर होता है।

$$\Sigma I = 0$$

$$I = I_1 + I_2 + I_3 + \dots$$

उदाहरण: परिपथ में प्रदर्शित धारा को ज्ञात करने के लिये किरचॉफ के प्रथम नियम का उपयोग करें। (Fig 3)



धारा ज्ञात करें :

$$I, I_1, I_2, I_3, I_4$$

हल:

$$I_1 = \frac{V}{R_1} = \frac{220 V}{100 \text{ ohms}} = 2.2A$$

$$I_2 = \frac{V}{R_2} = \frac{220 V}{55 \text{ ohms}} = 4A$$

$$I_3 = \frac{V}{R_3} = \frac{220 V}{40 \text{ ohms}} = 5.5A$$

$$I_4 = \frac{V}{R_4} = \frac{220 V}{200 \text{ ohms}} = 1.1A$$

$$I = I_1 + I_2 + I_3 + I_4$$

$$= 2.2A + 4A + 5.5A + 1.1A = 12.8A$$

गणना की जांच (Checking the calculation) :

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}$$

$$= \frac{1}{100} + \frac{1}{55} + \frac{1}{40} + \frac{1}{200}$$

$$= \frac{22 + 40 + 55 + 11}{2200} = \frac{128}{2200} = \frac{16}{275}$$

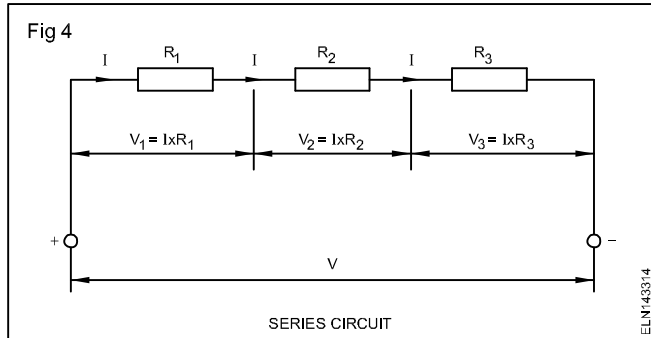
$$\frac{1}{R_{TOT}} = \frac{16}{275}$$

$$R_{TOT} = 17.19 \text{ ohms}$$

$$I = \frac{V}{R_{TOT}} = \frac{220V}{17.19 \text{ ohms}} = 12.798 \text{ A}$$

किरचाफ का द्वितीय नियम (Kirchhoff's second law)

एक सरल उदाहरण: बन्द परिपथों में टर्मिनल पर आरोपित वोल्टता V , वोल्टता पतनों $V_1 + V_2$ इत्यादि के योग के बराबर होती है। (Fig 4)



यदि सभी जनित वोल्टतायें धनात्मक ली जाती हैं और सभी प्रयुक्त वोल्टतायें ऋणात्मक ली जाती हैं तो यह कहा जा सकता है कि प्रत्येक बन्द परिपथ में सभी वोल्टताओं का योग शून्य होता है।

$$\Sigma V = 0$$

उदाहरण:

दिया है:

$$\begin{aligned} V &= 220V \\ R_1 &= 36 \text{ ohms} \\ R_2 &= 40 \text{ ohms} \\ R_3 &= 60 \text{ ohms} \\ R_4 &= 50 \text{ ohms} \end{aligned}$$

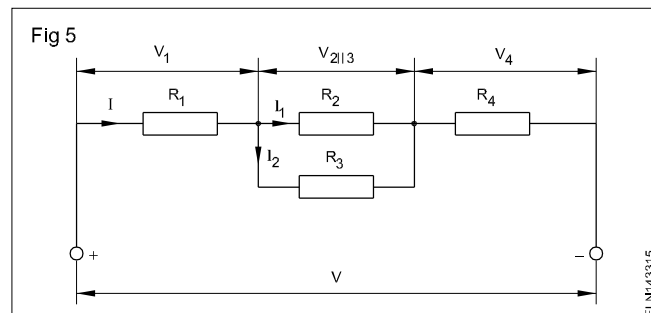
ज्ञात करें।

$$R, I, I_1, I_2,$$

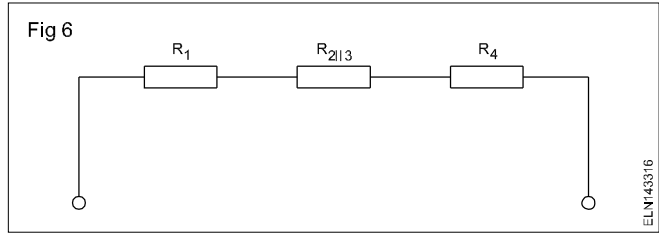
$$V_1, V_{2||3}, V_4$$

हल

शखाओं में वोल्टता पतन ज्ञात करने के लिये किरचाफ के प्रथम नियम का प्रयोग करें। (Fig 5)



किरचाफ के द्वितीय नियम के अनुसार श्रेणी परिपथ की कुल प्रतिरोध R की गणना करें। (Fig 6)



पहले किरचाफ के प्रथम नियम के अनुसार R_2, R_3 के लिये तुल्य प्रतिरोध की गणना करके सरलीकरण करें।

$$R_{2||3} = \frac{R_2 \times R_3}{R_2 + R_3} = \frac{40 \text{ ohms} \times 60 \text{ ohms}}{(40 + 60) \text{ ohms}} = 24 \text{ ohms}$$

$$\begin{aligned} R_{TOT} &= R_1 + R_{2||3} + R_4 \\ &= 36 \text{ ohms} + 24 \text{ ohms} + 50 \text{ ohms} \\ &= 110 \text{ ohms} \end{aligned}$$

अब ओम के नियम द्वारा कुल धारा I की गणना की जा सकती है :

$$I = \frac{V}{R_{TOT}} = \frac{220 \text{ V}}{110 \text{ ohms}} = 2A$$

तदनुसार आंशिक वोल्टतायें हैं :

$$V_1 = I \times R_1 = 2A \times 36 \text{ ohms} = 72 \text{ V}$$

$$V_{2||3} = I \times R_{2||3} = 2A \times 24 \text{ ohms} = 48 \text{ V}$$

$$V_4 = I \times R_4 = 2A \times 50 \text{ ohms} = 100 \text{ V}$$

गणना को जांचने पर :

$$V = V_1 + V_{2||3} + V_4$$

$$220 \text{ V} = 72V + 48V + 100 \text{ V}$$

$$220 \text{ V} = 220 \text{ V}$$

प्रश्नों को हल करने के लिये किरचाफ के नियमों के उपयोग पर प्रस्तावित पद

- 1 दिये गये तन्त्र में नोड्स (सन्धि बिन्दुओं) को चिन्हित करें
- 2 परिपथ में प्रत्येक घटक पर धारा दिशा को चिन्हित करें। धारा दिशा स्वैच्छिक होती है पर emf में ऋणात्मक से धनात्मक दिशा लेना बहुधा सुविधा जनक होता है।
- 3 पार्श्व धाराओं को I_1, I_2, I_3 इत्यादि से प्रदर्शित करें। समीप की सन्धि के लिये किरचाफ के प्रथम नियम का प्रयोग करें (Fig 7)
- 4 किसी घटक पर एक बार धारा और उसकी दिशा चिन्हित हो जाने के पश्चात प्रश्न के हल हो जाने तक उसे परिवर्तित न करें।
- 5 परिपथ में खिड़कियों (बन्द पाश) का चयन करें और उसे नामांकित करें जैसे (Fig 8)

[illegible]

- प्रतिरोध में धारा की दिशा के विपरीत दिशा में प्रतिरोधक पर चलने से विभव वृद्धि होती है इसलिये मान धनात्मक होता है।

इलाक्ट्रिकल : इलक्ट्राशियन (NSQF स्तर 5) - अभ्यास 1.4.35 से सम्बंधित सि

Copyright @ NIMI Not to be Republished

6 निम्न मौलिक सिद्धान्तों के प्रयोग से किरचाफ के वोल्टता नियम समीकरण को लिख कर प्रत्येक पाश का मार्गन करें

- एक पाश का मार्गन करते समय यदि वोल्टता स्रोत के $-V_C$ का और तत्पश्चात और स्रोत के धनात्मक समाना करते हैं तो स्रोत को धनात्मक माने
- एक पाश का मार्गन करते समय यदि स्रोत के धन का पहले और तत्पश्चात ऋण का सामना करते हैं तो स्रोत को ऋण माने।
- जब आप धारा की दिशा में वोल्टता पतन का मार्गन करते हैं तो वोल्टता पतन को ऋण माने
- जब आप धारा की दिशा की विपरीत वोल्टता पतन का मार्गन करते हैं तो वोल्टता पतन को धन माने
- अक्षर 'A' से प्रारम्भ करके मार्गन रेखा प्रदर्शित करते हुये स्पष्ट पाश निर्मित करे और पथ को पूर्ण कर लेने पर 'A' से अन्त करें।

(Fig 10) देखें हम प्रथम पाश का निर्माण 'A' से प्रारम्भ करके 'A' पर ही अन्त करते हैं।

i.e. ABEFA

ऊपर के सिद्धान्तों का प्रयोग करके (Applying the above principles)

$$A \text{ to } B = - I_B R_B (\text{धारा दिशा के अनुदिश वोल्टता पतन})$$

$$B \text{ to } E = - I_L R_L \quad \text{-do-}$$

$$E \text{ to } F = 0$$

$$F \text{ to } A = +V_B (\text{पहले ऋणात्मक और तत्पश्चात धनात्मक धारा की दिशा में})$$

इसलिये प्रथम पाश में हम प्राप्त करते हैं

$$-I_B R_B - I_L R_L + V_B = 0 \quad \dots \text{ समीकरण (1)}$$

अथवा

$$= I_B R_B + (I_B + I_G) R_L \quad \dots \text{ समीकरण (2)}$$

पाश दो के लिये हमारे पास CBEDC है

$$-I_G R_G - I_L R_L + V_G = 0 \quad \dots \text{ समीकरण (3)}$$

$$-I_G R_G - (I_B + I_G) R_L + V_G = 0$$

$$V_G = I_G R_G + (I_B + I_G) R_L \quad \dots \text{ समीकरण (4)}$$

हमारे पास की अंको को समीकरण (2) और (4) में लागू करें

$$13.2 = 0.5 I_B + 2(I_B + I_G) \quad \dots \text{ समीकरण (5)}$$

$$14.5 = 0.1 I_B + 2(I_B + I_G) \quad \dots \text{ समीकरण (6)}$$

समान पदों को एकत्रित करके I_G I_B के लिये हल करें।

$$13.2 = 2.5 I_B + 2 I_G \quad \dots \text{ समीकरण (7)}$$

$$14.5 = 2 I_B + 2.1 I_G \quad \dots \text{ समीकरण (8)}$$

समीकरण 7 को 2 से और समीकरण 8 को 2.5 से गुणा करने पर हमें प्राप्त होता है,

$$26.4 = 5 I_B + 4 I_G \quad \dots \text{ समीकरण (9)}$$

$$36.25 = 5 I_B + 5.25 I_G \quad \dots \text{ समीकरण (10)}$$

समीकरण 9 से समीकरण 10 को घटाने पर हमें प्राप्त होता है,

$$36.25 = 5 I_B + 5.25 I_G$$

$$26.4 = 5 I_B + 4 I_G$$

$$9.85 = 1.25 I_G$$

$$I_G = \frac{9.85}{1.25} = 7.88 \text{ amps}$$

समीकरण 9 में $I_G = 7.88$ का (9) प्रतिस्थापन से हमें प्राप्त होता है

$$26.4 = 5 I_B + 4 \times 7.88$$

$$= 5 I_B + 31.52$$

$$26.4 - 31.52 = 5 I_B$$

$$-5.12 = 5 I_B$$

$$I_B = \frac{-5.12}{5}$$

$$= -1.024 \text{ amps}$$

उत्तर में ऋणात्मक चिन्ह यह प्रदर्शित करता है कि बैटरी कोई भी धारा भेज नहीं रही है प्रत्युत 1.024amps की आवेशन धारा प्राप्त कर रही है।

तदनुसार जनित्र द्वारा आपूर्ति धारा

$$I_G = 7.88 \text{ amps}$$

बैटरी द्वारा ली गई धारा I_B (बैटरी को आवेशित करने में) $= 1.024 \text{ amps}$

$$\text{भार धारा } I_L = I_B + I_G$$

$$\text{जहां } I_B = -1.024 \text{ amps}$$

$$I_G = +7.88$$

$$I_L = (-1.024 + 7.88)$$

$$= 6.856 \text{ amps}$$

$$\text{भार के सिरों पर वोल्टता} = I_L R_L$$

$$= 6.856 \times 2$$

$$= 13.712 \text{ volts}$$

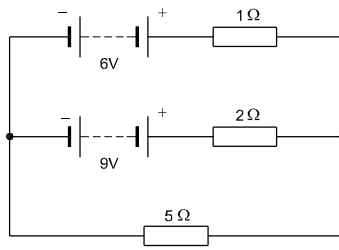
उदाहरण 2: (Fig 11) में दी गई धारा के लिये निम्न को ज्ञात करें।

1 नोड को चिह्नित करें और बन्द पाशों को नामांकित करें।

2 घटक में किरचाफ के प्रथम नियम का अनुपालन करते हुये धारा की दिशा चिह्नित करें और नामांकित करें।

3 प्रत्येक पाश का मार्गन करें और किरचाफ के द्वितीय नियम को लिखें।

Fig 11



ELN14351B

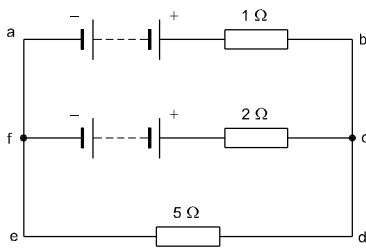
4 6V और 9V बैटरियों द्वारा दी अथवा ली गई धारा को ज्ञात करने के लिये युगपथ (Simultaneous) समीकरणों द्वारा प्रश्नों को हल करें।

5 5 ओम प्रतिरोधक से जाने वाली धारा ज्ञात करें।

6 अपने उत्तरों का प्रति परीक्षण करें (Cross checking)

i सन्धियों को चिह्नित करते हैं और बन्द पाशों का नामांकन करते हैं (Fig 12) से

Fig 12



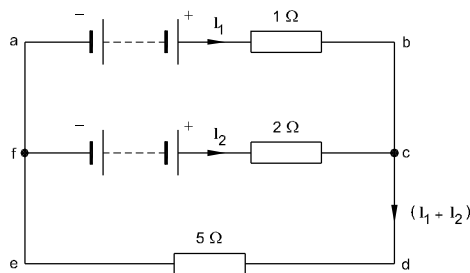
ELN14351C

पाश 1 = a b c d e f a

पाश 2 = f c d e f

ii धारा की दिशा चिह्नित की जाती है। (Fig 13)

Fig 13



ELN14351D

पाश 1 – a b c d e f a

$$+6 - I_1 - 5(I_1 + I_2) = 0$$

$$+6 - I_1 - 5I_1 - 5I_2 = 0$$

$$+6 - 6I_1 - 5I_2 = 0$$

$$6I_1 + 5I_2 = 6 \quad \dots \text{समीकरण (1)}$$

पाश 2- f c d e f

$$+9 - 2I_2 - 5(I_1 + I_2) = 0$$

$$9 - 2I_2 - 5I_1 - 5I_2 = 0$$

$$9 - 5I_1 - 7I_2 = 0$$

$$5I_1 + 7I_2 = 9 \quad \dots \text{समीकरण (2)}$$

iii समीकरण (2) को 6 से और समीकरण (1) को 5 से गुणा करने पर हमें प्राप्त होता है।

$$5I_1 + 7I_2 = 9 \times 6$$

$$6I_1 + 5I_2 = 6 \times 5$$

$$30I_1 + 42I_2 = 54 \quad \dots \text{समीकरण (3)}$$

$$30I_1 + 25I_2 = 30 \quad \dots \text{समीकरण (4)}$$

iv समीकरण (3) से समीकरण (4) को घटाने पर हमें प्राप्त होता है।

$$17I_2 = 24$$

$$I_2 = \frac{24}{17} = 1.41 \text{ amps}$$

समीकरण 1 में I_2 = 1.41 का प्रतिस्थापन करने पर हमें प्राप्त होता है।

$$6I_1 + 5(1.41) = 6$$

$$6I_2 + 7.05 = 6$$

$$6I_1 = 6 - 7.05 = -1.05$$

$$I_1 = -0.175 \text{ amps.}$$

चूंकि I_1 धारा के मान में ऋणात्मक चिह्न है इसलिये धारा मानी गई दिशा के विपरीत दिशा में प्रवाहित होती है।

केवल 9V बैटरी धारा देती है जबकि 6V बैटरी द्वारा प्राप्त धारा = 0.175 amps

9V बैटरी द्वारा दी गई धारा = 1.41amps

5 ohm प्रतिरोध से प्रवाहित धारा

$$I_1 + I_2 = -0.175 + 1.41$$

$$= 1.235 \text{ amps}$$

$$5 \text{ ohm प्रतिरोध के सिरों पर PD} = 1.235 \times 5 = 6.175 \text{ V.}$$

प्रति जांच (Cross check)

पाश 3 abcfa को लेने पर

$$+6 - I_1 + 2I_2 - 9 = 0$$

$$6 - (-0.175) + 2.82 - 9 = 0$$

$$8.995 - 9 = 0$$

प्रति जांच से प्राप्त होता है कि मान लगभग समान है और सही पाये जाते हैं

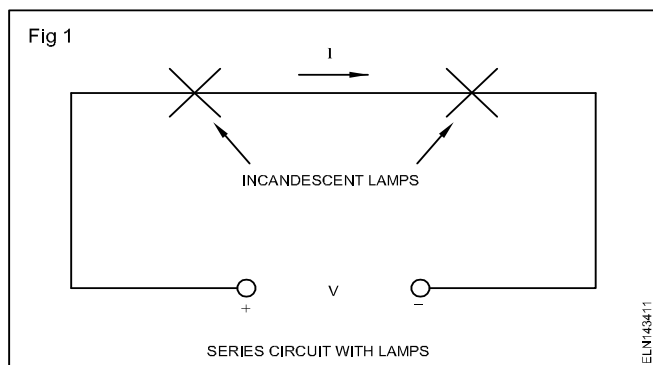
DC श्रेणी और समानांतर श्रेणी (DC series and parallel circuits)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

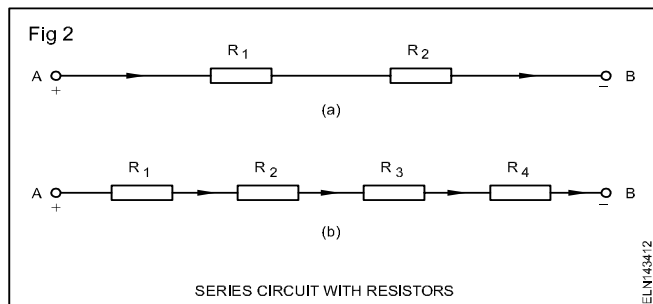
- श्रेणी संबंध को पहचानने और श्रेणी परिपथ का अभिनिर्धारण करना
- सीरीज सर्किट में कुल वोल्टज को ज्ञात करना
- EMF पोटेंशियल अन्तर और टर्मिनल वोल्टेज के बीच का सम्बन्ध बताना
- भूमि के संदर्भ में वोल्टेज ड्रॉप की पोलारीटी को ज्ञात करना ।

श्रेणी परिपथ (The series circuit)

(Fig 1) में दर्शाये अनुसार दो तापदीप्ति लैम्पों को सम्बन्धित करना सम्भव है। यह सम्बन्ध श्रेणी सम्बन्ध कहा जाता है, जिसमें दोनों लैम्पों में समान धारा प्रवाहित होती है।



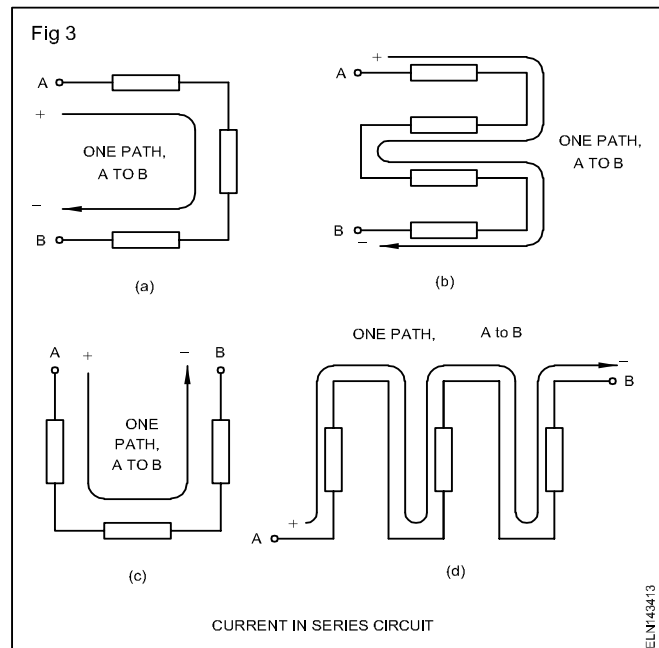
(Fig 2) में लैम्पों को प्रतिरोधकों से प्रतिस्थापित किया गया है। (Fig 2A) बिन्दु A और बिन्दु B के बीच श्रेणी में सम्बन्धित दो प्रतिरोधकों को प्रदर्शित करता है। (Fig 2B) चार को श्रेणी में प्रदर्शित करता है। वास्तव में श्रेणी सम्बन्धन में अनेक प्रतिरोधक हो सकते हैं। इस प्रकार के सम्बन्धन धारा के प्रवाह के लिये केवल एक मार्ग प्रदत्त करते हैं।

**श्रेणी संबंधनों की पहचान (Identifying series connections)**

एक वास्तविक परिपथ आरेख में, श्रेणी संबंधन की सदा पहचान उतनी आसान नहीं है जैसे आकृति में। उदाहरणार्थ Fig 3(a), 3(b), 3 (c), और 3(d) में विभिन्न तरीकों से खींचे श्रेणी प्रतिरोधक दिखाए गए हैं। उपर्युक्त सब परिपथों में; हम देखते हैं कि धारा के प्रवाह के लिए केवल एक पथ है।

श्रेणी परिपथों में धारा (Current in series circuits)

श्रेणी परिपथ में किसी भी बिन्दु पर धारा समान होगी। दत्त परिपथ में किसी भी बिन्दु पर धारा समान होगी। दत्त परिपथ में किन्हीं दो बिन्दुओं



पर धारा माप कर इसकी जांच की जा सकती है जैसा (Fig 4(a), 4 (b)) में दिखाया गया है। ऐमीटर वही रीडिंग दिखाएंगे।

श्रेणी परिपथ में धारा संबंध है

$$I = I_{R1} = I_{R2} = I_{R3} \text{ (4a \& 4b देखें)}$$

हम इस निष्कर्ष पर पहुंचते हैं कि एक श्रेणी परिपथ में प्रवाहित होने के लिए धारा के लिए एक ही पथ होता है। इसलिए सारे परिपथ में धारा समान होगी

श्रेणी परिपथ में कुल प्रतिरोध (Total resistance in series circuit)

आप जानते हैं कि यदि प्रतिरोध और वोल्टता ज्ञात हों तो ओम नियम द्वारा परिपथ में धारा कैसे परिकलित की जाती हैं। दो प्रतिरोधकों R_1 और R_2 वाले परिपथ में हम जानते हैं कि प्रतिरोध R_1 धारा प्रवाह में कुछ विरोध प्रस्तुत करता है। चूंकि श्रेणी में R_2 में से वही धारा प्रवाहित होगी इसे भी R_2 द्वारा उत्पन्न विरोध पर काबू पाना होगा।

यदि श्रेणी में कई प्रतिरोध हैं, वे सब उनमें से धारा के प्रवाह का विरोध करेंगे।

DC श्रेणी परिपथ की दूसरी विशेषता निम्नानुसार (R) लिखी जा सकती हैं।

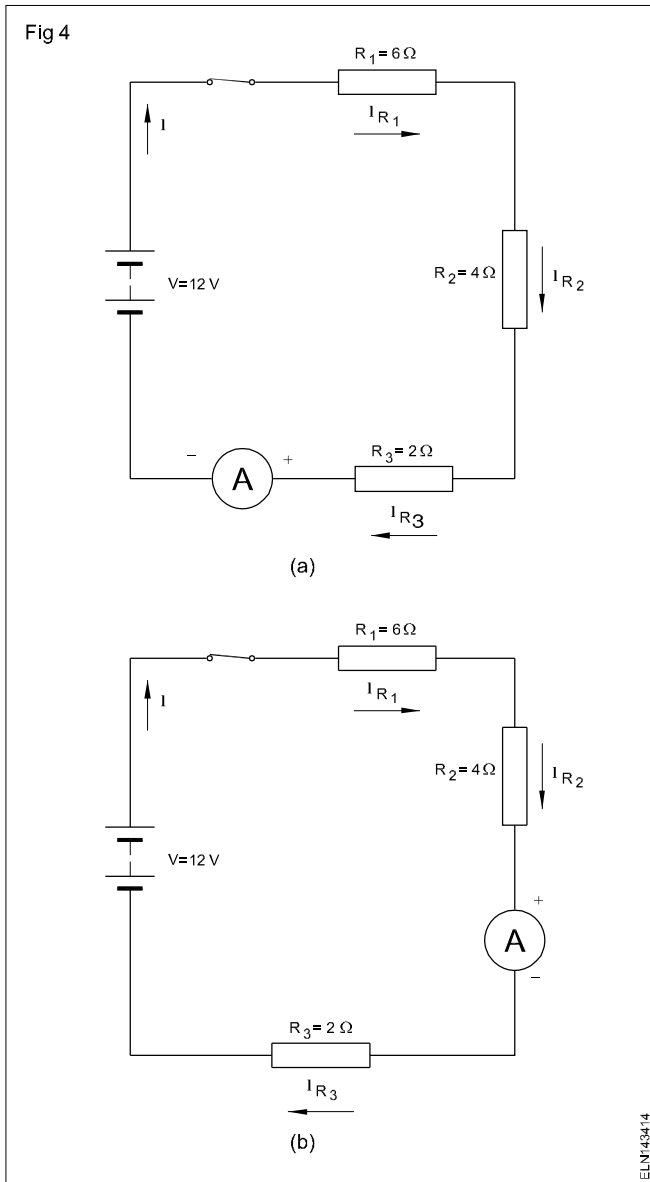
श्रेणी परिपथ में कुल प्रतिरोध श्रेणी परिपथ के इर्द-गिर्द ब्युष्टि प्रतिरोधों के योग के बराबर होता है। इस कथन को निम्नानुसार लिखा जा सकता है

$$R = R_1 + R_2 + R_3 + \dots R_n$$

जहां R कुल प्रतिरोध है

$R_1, R_2, R_3, \dots, R_n$ श्रेणी में योजित प्रतिरोध हैं जब श्रेणी में समान मान के एक परिपथ के एक से ज्यादा प्रतिरोधक हैं तो कुल प्रतिरोध

$$R = r \times N$$



जहां 'r' प्रत्येक प्रतिरोधक का मान है और N श्रेणी में प्रतिरोधकों की संख्या है।

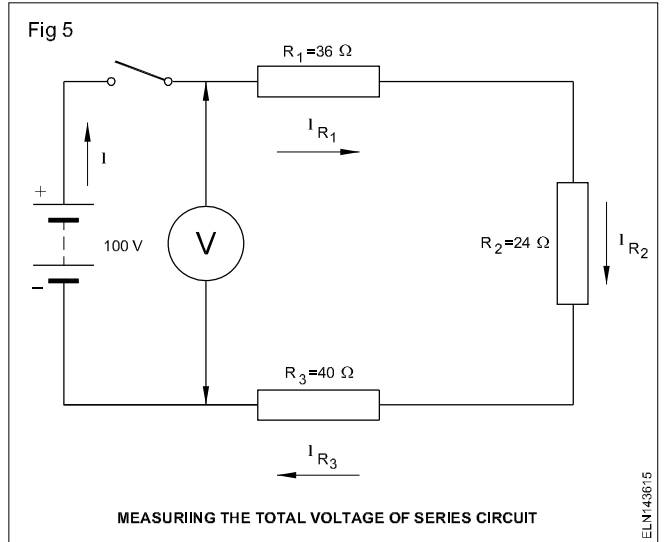
सीरीज सर्किट में वोल्टेज (Voltage in series circuit)

रसिस्टार के मान के अनुसार DC सर्किट में वोल्टेज पूरे लोड रसिस्टारों में बाँट जाता है जिससे स्वतंत्र लोड वोल्टेजों का योग स्रोत वोल्टेज के बराबर होता है।

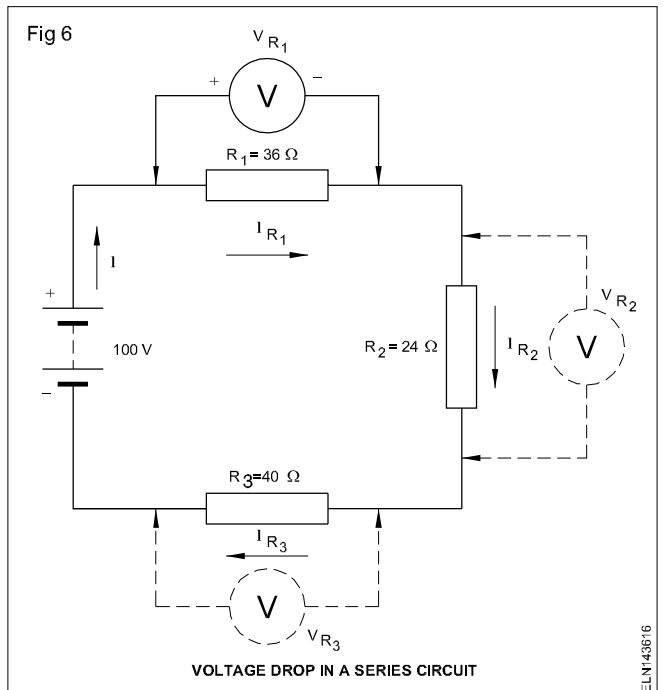
DC करन्ट का तीसरा (3rd) लक्षण नीचे प्रकार लिखा जा सकता है। लोड प्रतिरोधों के सिरों पर स्रोत वोल्टता विभाजित होती है यह सदैव इस प्रकार विभाजित होती है कि व्यक्तिगत भार वोल्टताओं का योग स्रोत वोल्टता के बराबर हो। अर्थात्

$$V = V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} + \dots V_{RH}$$

श्रेणी परिपथ की कुल वोल्टता स्रोत वोल्टता पर मापी जाएगी जैसा Fig 5 में दिखाया गया है।



विभिन्न स्थितियों पर एक वोल्टमीटर का प्रयोग करते हुए श्रेणी प्रतिरोधकों पर वोल्टताएं मापी जा सकती है जैसा (Fig 6) में दिखाया गया है



जब प्रयुक्त वोल्टता V और कुल प्रतिरोध ड वाले पूरे परिपथ पर ओम थिम लागू किया जाता है, हम परिपथ में धारा प्राप्त करते हैं जैसे

$$I = \frac{V}{R}$$

डी सी परिपथों पर ओम नियम का अनुप्रयोग (Application of Ohm's law to DC series circuit)

श्रेणी परिपथ में ओम के नियम के अनुसार विभिन्न धाराओं के बीच के अनुपात को निम्न की भांति व्यक्त कर सकते हैं

$$I = I_{R1} = I_{R2} = I_{R3}$$

$$\text{इसको निम्न की भांति लिख सकते हैं} \quad \frac{V}{R} = \frac{V_{R1}}{R_1} = \frac{V_{R2}}{R_2} = \frac{V_{R3}}{R_3}$$

श्रेणी परिपथ में धारा की गणना के लिये आप उपर्युक्त समीकरण में किसी एक का प्रयोग कर सकते हैं।

हमें कुल आपूर्ति वोल्टता ज्ञात है

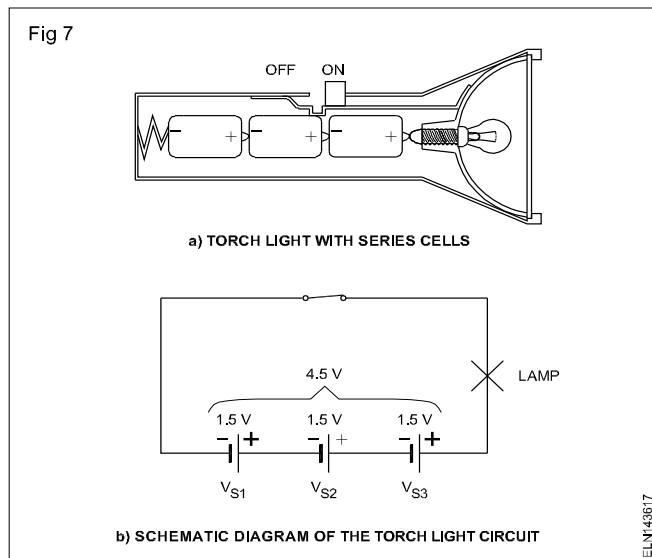
$$V = V_{R1} + V_{R2} + V_{R3}$$

$$\text{अभी } IR = R_1 I_{R1} + R_2 I_{R2} + R_3 I_{R3}$$

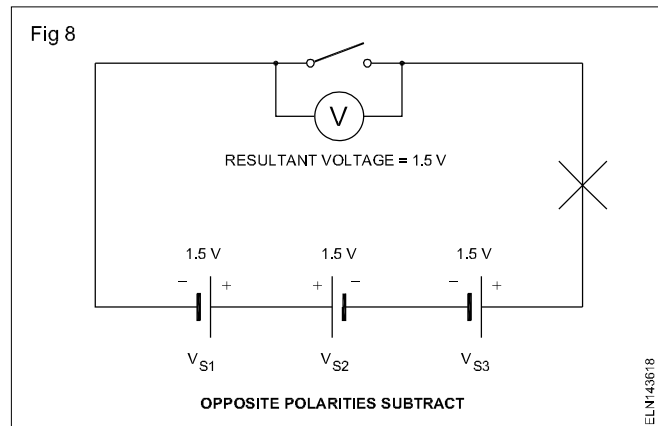
$$\text{और कुल प्रतिरोध } R = R_1 + R_2 + R_3$$

श्रेणी में वोल्टता स्रोत (Voltage sources in series)

जब टार्च में सेलों रखा जाता है तो (Fig 7) के अनुसार अधिक वोल्टता प्राप्त करने के लिये उन्हें श्रेणी में जोड़ जाता है।



श्रेणी स्रोत वोल्टतायें जब उनकी ध्रुवतायें एक ही दिशा में होती हैं तो जुड़ जाते हैं और विपरीत दिशा होने में घट जाती है। उदाहरण के लिये यदि टार्च में एक सेल की वोल्टता को पलट दिया जाय जैसा कि योजना बद्ध (Fig 8) में दिखाया गया है तो उसकी वोल्टता निम्न की भांति कम हो जाती है।



$$\begin{aligned} V_{\text{Total}} &= V_{S1} - V_{S2} + V_{S3} \\ &= 1.5 \text{ V} - 1.5 \text{ V} + 1.5 \text{ V} \\ &= 1.5 \text{ V} \end{aligned}$$

श्रेणी सम्बन्धन के उपयोग (Use of a series connection)

- 1 प्रकाश टार्च, कार बैटरीज इत्यादी में सेल
- 2 सजावट के लिये मिनी लैम्पस का समूह
- 3 फ्यूजेस
- 4 अतिभारित कुण्डल
- 5 एक वोल्टमापी के गुणक

वोल्टता पात के विभवान्तर और ध्रुवतायें (Polarity of IR voltage drops)

परिभाषायें (Definitions)

विद्युदवाहक बल (ईएमएफ) (Electromotive force (emf))

हमने अभ्यास 1.07 के संबंधित सिद्धांत में देखा है कि सेल विद्युतवाहक बल (ईएमएफ) खुला परिपथ वोल्टता है और विभव अन्तर सेल के आर पार वोल्टता है जब यह एक धारा प्रदान करती है। विभव अन्तर सदा ईएमएफ से कम होता है।

विभव अन्तर (Potential difference)

PD = emf वोल्टता पात सेल में

विभव अन्तर को एक और नाम टर्मिनल वोल्टता से भी पुकारा जाता है जैसे नीचे स्पष्ट किया गया है।

टर्मिनल वोल्टता (Terminal Voltage)

यह आपूर्ति स्रोत के टर्मिनल पर उपलब्ध वोल्टता है इसका प्रतीक V_T इसका मात्रक भी वोल्ट है। इसको emf से आपूर्ति स्रोत में वोल्टता पतन घटा कर प्राप्त किया जाता है।

$$\text{अर्थात } V_T = \text{emf} - IR$$

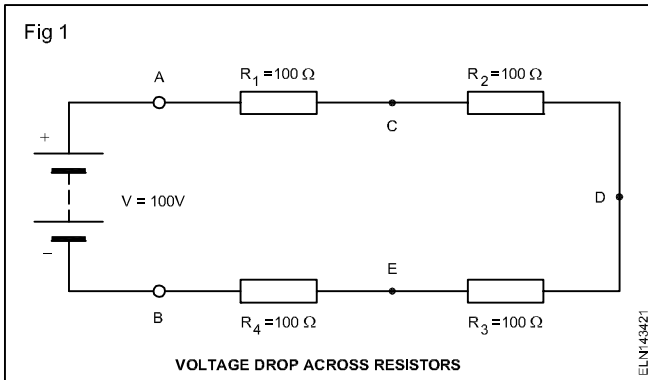
जहां I धारा और R स्रोत का प्रतिरोध है।

वोल्टता पतन (Voltage Drop) (IR drop)

किसी परिपथ में प्रतिरोध द्वारा व्यय वोल्टता को वोल्टता पतन अथवा IR Drop कहते हैं।

उदाहरण 1

प्रतिरोध और वोल्टता ज्ञात है (Fig 1) तो वोल्टता पतन क्या हैं।



पहले रसिस्टरों में वोल्टेज गिरता है।

(Fig 1) में परिपथ का कुल प्रतिरोध बराबर होगा,

$$R_T = 100 + 100 + 100 + 100 = 400 \text{ ohms.}$$

परिपथ के सभी भागों में प्रवाहित धारा होगी:

$$I = 100/400 = 0.25 \text{ amps.}$$

लेकिन बिन्दु A का विभव 100 वोल्ट्स और बिन्दु B का शून्य है। परिपथ में बिन्दु A और B के बीच में कहीं 100 वोल्ट्स का ह्रास हो गया है।

प्रत्येक प्रतिरोधक पर वोल्टता पतन ज्ञात करना सरल है। प्रथम धारा को ज्ञात करें जिसकी गणना है हमने 0.25Amps की है।

$$V_{R1} = 0.25 \times 100 = 25 \text{ V}$$

$$V_{R2} = 0.25 \times 100 = 25 \text{ V}$$

$$V_{R3} = 0.25 \times 100 = 25 \text{ V}$$

$$V_{R4} = 0.25 \times 100 = 25 \text{ V.}$$

इन सब वोल्टता पतनों का योग करने पर कुल 100 वोल्ट होगा जो परिपथ पर आरोपित वोल्टता है।

$$25 + 25 + 25 + 25 = 100 \text{ volts.}$$

परिपथ में वोल्टता पतनों का योग आरोपित वोल्टता के बराबर होना चाहिये।

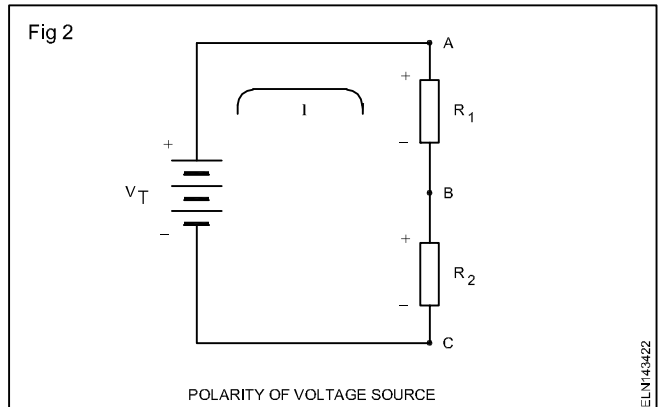
$$V_{\text{Total}} = V_{R1} + V_{R2} + V_{R3} + V_{R4}.$$

वोल्टता पतनों की ध्रुवायें (Polarity of Voltage drops)

जब एक प्रतिरोध के सिरो पर वोल्टता पतन है तो एक सिरा अधिक दूसरे सिरे की तुलना में अधिकतम धनात्मक अथवा अधिक ऋणात्मक होना चाहिये। वोल्टता पतन की ध्रुवा धनात्मक से अधिक ऋणात्मक की ओर रूढ़िवादी दिशा से ज्ञात की जाती है। बिन्दु A से B पर R_1 से होते हुये धारा दिशा होती है।

इसलिये बिन्दु B की तुलना में R_1 का वह सिरा जो बिन्दु A से जुड़ा है अधिक धनात्मक विभव पर है। हम यून कहते हैं कि R_1 के सिरो पर वोल्टता इस प्रकार की है कि बिन्दु A की तुलना में अधिक धनात्मक है। इसी प्रकार बिन्दु B के सापेक्ष बिन्दु C की वोल्टता अधिक धनात्मक है।

दो बिन्दुओं के बीच ध्रुवा देखने की एक और विधि है कि वोल्टता स्रोत के धनात्मक टर्मिनल के पास वाला सिरा अधिक धनात्मक होता है, इसके अतिरिक्त आरोपित वोल्टता के ऋणात्मक टर्मिनल के अधिक समीप वाला बिन्दु अधिक ऋणात्मक होता है। इसलिये बिन्दु A बिन्दु B की तुलना में अधिक धनात्मक है जबकि C की तुलना B में अधिक ऋणात्मक है। (Fig 2)



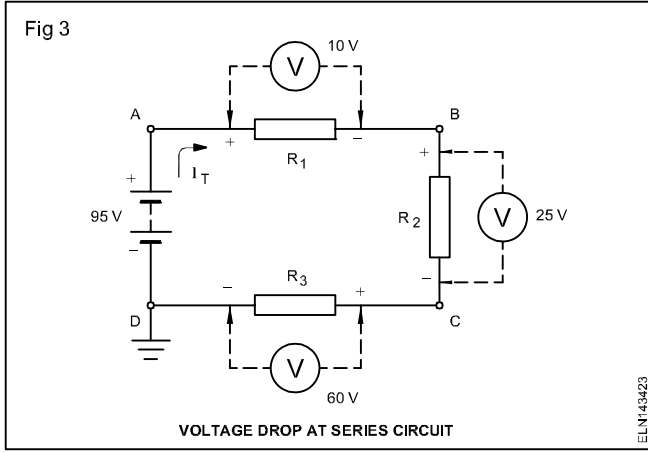
उदाहरण 2

भूमि के सापेक्ष बिन्दुओं a, b, c और d पर वोल्टता ज्ञात करें।

परिपथ में (Fig 3) वोल्टता पतनों को चिन्हित करें और भूमि के सापेक्ष बिन्दुओं A, B, C और D के वोल्टता मानों को ज्ञात करें।

बैटरी के (+) टर्मिनल से धारा की दिशा में पूरे परिपथ का मार्गन A, A से B, B से C, C से D और ऋणात्मक टर्मिनल D से करें। प्रत्येक प्रतिरोध में जहां से धारा प्रवेश करती है धन का चिन्ह (+) लगायें। और प्रत्येक प्रतिरोध में जहां धारा छोड़ती है वहां पर ऋण का चिन्ह (-) लगायें।

(Fig 3) में वोल्टता पतनों को दर्शाया गया है। टर्मिनल वोल्टता की धनात्मक दिशा से बिन्दु A अधिकतम समीप है। A पर वोल्टता है $V_A = +95 \text{ V.}$



R_1 के सिरों पर वोल्टता पतन 10V है। इसलिये B पर वोल्टता पर है

$$V_B = 95 - 10 = + 85 \text{ V.}$$

R_2 के सिरों पर वोल्टता पतन 25V है इसलिये C पर वोल्टता

$$V_C = 85 - 25 = + 60 \text{ V.}$$

R_3 के सिरों पर वोल्टत पतन 60V है इसलिये D पर वोल्टत है,

$$V_D = 60 - 60 = 0 \text{ V.}$$

चूंकि D पर परिपथ को भूसम्पर्कित किया गया है। VD का मान 0V होना चाहिये।

धनात्मक और ऋणात्मक भूमि (Positive and Negative ground)

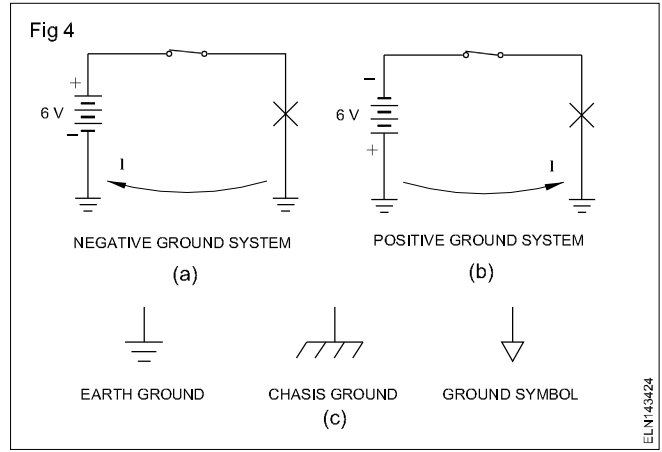
स्वचलित वाहनों के वैद्युत पद्धति में बैटरी की एक भुजा को वाहन के धातु चेसिस से जोड़ा जाता है। और इसको भूमि भुजा कहते हैं इस प्रकार धातु चेसिस का प्रयोग किसी भी धारा के वापसी पथ के लिये अतिरिक्त तार के बिना दिया जाता है।

यद्यपि अधिकतर वाहनों में ऋणात्मक भूमि भी होती है कुछ (यूरोपियन) वाहनों में धनात्मक भूमि पद्धति है। दूसरी पद्धति में (संक्षरण करने में समस्यायें कम होती हैं) (Fig 4)

ऋणात्मक भूमि पद्धति में चेसिस के सापेक्ष सभी तारण धनात्मक विभव पर होता है जैसा कि (Fig 4a) में दिखाया गया है। जबकि एक धनात्मक भूमि पद्धति में (Fig 4b) सभी विभव ऋणात्मक होते हैं दो पद्धतियों में धारा प्रवाह की दिशा विपरीत होती हैं। पद्धति के किसी बिन्दु पर वोल्टता के मान को व्यक्त करने के लिये यद्यपि दोनों पद्धतियों में धातु चेसिस में एक उभय संदर्भ बिन्दु की भांति किया जाता है।

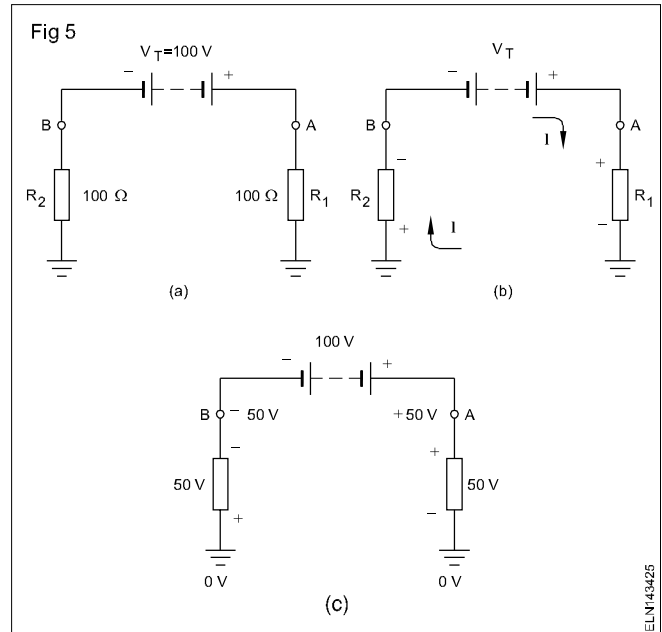
(Fig 4c) में चेसिस भूमि के लिये एक उत्तम प्रतीक प्रदर्शित किया गया है।

यह इसलिये है कि शब्द भूमि का अर्थ प्रायः भू सम्पर्कन होता है। (कार की चेसिस भूमि से रबर पहियों द्वारा रोधित होती है) उदाहरणार्थ घरेलू 240-V AC निर्गम का एक पार्श्व (Side) अर्थात् उदासीन पृथ्वी (भूमि) सम्बन्धित होता है।



पृथ्वी के सापेक्ष वोल्टता पतन की ध्रुवता को किस प्रकार चिह्नित करें ? (Marking the polarity of the voltage drop with respect to ground?)

प्रतिरोधों R_1 और R_2 के सिरों पर वोल्टता पतन की ध्रुवता चिह्नित करने के लिये (Fig 5a) में बिन्दुओं A, B पर वोल्टता पतन ज्ञात करें। और (Fig 5b, 5c) प्रदर्शित पदों का अनुकरण करें।



व्यावहारिक अनुप्रयोग (Practical application)

इस पाठ से अर्जित ज्ञान आपकी सहायता करेगा

- धारा को अपेक्षित स्तर तक रखने के लिए श्रेणी में प्रतिरोधक योजित करने में।
- जब पीडी और प्रतिरोध मान ज्ञात हैं तो श्रेणी परिपथ में धारा निर्धारित करने में।
- उच्चतर वोल्टता प्राप्त करने के लिए उचित ढंग से सेलों जैसे वोल्टता स्रोतों को जोड़ने में
- ध्रुवीकृत मीटरों से IR पातों की ध्रुवता और इस प्रकार परिपथों की धारा दिशा निर्धारित करने में
- श्रेणी योजित सजावटी बत्ती परिपथ में दोष ढूंढने में।

एक इलेक्ट्रिक सर्किट में यदि करंट के एक से अधिक पथ हो और प्रत्येक शाखा में समान वोल्टाज हो तो उसे समान्तर सर्किट कहते हैं।

Fig 1 में दर्शाये अनुसार तीन इन्कन्डेन्स लैम्पों को जोड़ना संभव है। यह जोड़ समान्तर जोड़ कहलायेगा जिसमें तीनों लैम्पों में एक ही स्रोत वोल्टेज अनुप्रयुक्त किया जाता है।

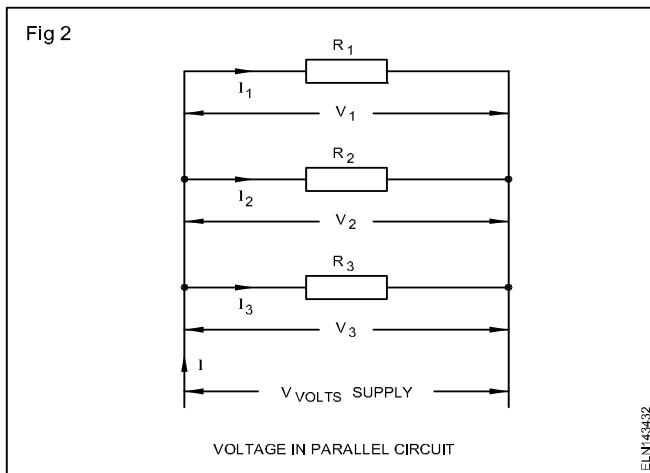
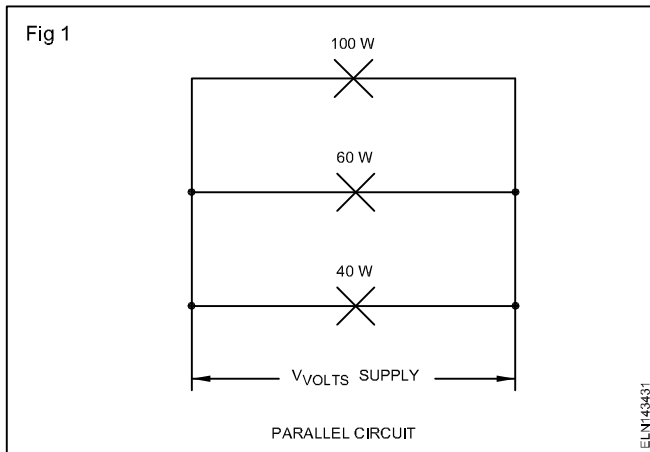
DC समान्तर परिपथ (DC Parallel circuit)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- समानान्तर संबंधन की पहचान करना
- समानान्तर परिपथ में वोल्टता निर्धारित करना
- समानान्तर परिपथ में धारा निर्धारित करना
- समानान्तर परिपथ में कुल प्रतिरोध निर्धारित करना
- समानान्तर परिपथ का अनुप्रयोग बताना।

समानान्तर परिपथ में वोल्टता (Voltage in parallel circuit)

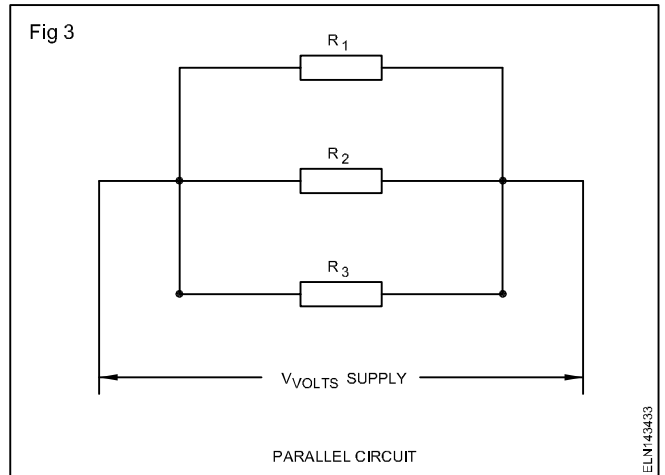
(Fig 1) में बत्तियों को (Fig 2) में प्रतिरोधकों से बदला जाता है। पुनः प्रतिरोधकों के आर पार अनुप्रयुक्त वोल्टता समान होती है और सप्लाय वोल्टता के बराबर होती हैं।



हम इस नतीजे पर पहुंचते हैं कि समानान्तर परिपथ पर वोल्टता सप्लाय वोल्टता के समान होती है।

(Fig 3) में दिखाए अनुसार (Fig 2) बनायी जा सकती हैं।

गणितीय रूप से इसे व्यक्त किया जा सकता है $V = V_1 = V_2 = V_3$



समानान्तर परिपथ में धारा (Current in parallel circuit)

पुनः (Fig 2) को देखने और ओम नियम का प्रयोग करने पर पार्श्व परिपथ में व्यक्ति शाखा धाराएं निर्धारित की जा सकती हैं।

$$\text{प्रतिरोधक में धारा } R_1 = I_1 = \frac{V_1}{R_1} = \frac{V}{R_1}$$

$$\text{प्रतिरोधक में धारा } R_2 = I_2 = \frac{V_2}{R_2} = \frac{V}{R_2}$$

$$\text{प्रतिरोधक में धारा } R_3 = I_3 = \frac{V_3}{R_3} = \frac{V}{R_3}$$

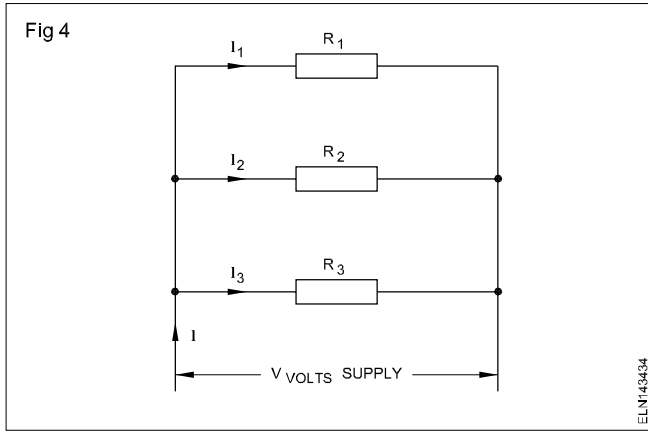
$$\text{चूंकि } V_1 = V_2 = V_3.$$

(Fig 4) देखें जिसमें शाखा धाराएं I_1 , I_2 और I_3 दिखाई गई हैं जो क्रमशः प्रतिरोध शाखाओं R_1 , R_2 और R_3 में प्रवाहित होती हैं।

समानान्तर परिपथ में कुल धारा I व्यक्ति शाखा धाराओं का योग होती है।

गणितीय रूप से इस व्यक्त किया जा सकता है

$$I = I_1 + I_2 + I_3 + \dots + I_n.$$



समानान्तर परिपथ में प्रतिरोध (Resistance in parallel circuit)

समानान्तर परिपथ में चाहे शाखाओं के आर पार बोल्टता समान होगी, समानान्तर परिपथ में ब्यष्टि शाखा प्रतिरोध धारा प्रवाह का विरोध करते हैं।

मान लें कि समानान्तर परिपथ में कुल प्रतिरोध R ओम है

ओम नियम के अनुप्रयोग से हम लिख सकते हैं-

$$R = \frac{V}{I} \text{ ओम या } I = \frac{V}{R} \text{ एम्पस}$$

जहां

R समानान्तर परिपथ का ओम में कुल प्रतिरोध है

V वोल्टों में अनुप्रयुक्त स्रोत बोल्टता है और

I समानान्तर परिपथ में कुल धारा एम्पियर्स में हैं हमने यह भी देखा है कि

$$I = I_1 + I_2 + I_3$$

$$\text{या } \frac{V}{R} = \frac{V}{R_1} + \frac{V}{R_2} + \frac{V}{R_3}$$

चूंकि सारे समीकरण में V समान है और उपर्युक्त समीकरण को V द्वारा भाग देने पर हम लिख सकते हैं।

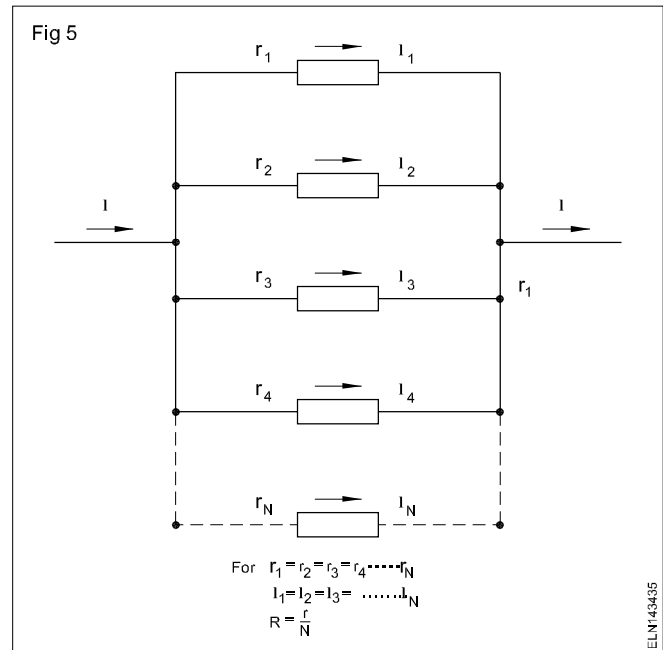
$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

उपर्युक्त समीकरण बताता है कि एक समानान्तर परिपथ में, कुल प्रतिरोध का व्युत्क्रम ब्यष्टि शाखा प्रतिरोधों के व्युत्क्रमों के योग के बराबर होते हैं।

विशेष मामला: समानान्तर में बराबर प्रतिरोध (Special case: Equal resistances in parallel)

N.P. समानान्तर में बराबर प्रतिरोधों का कुल प्रतिरोध R (Fig 5) एक प्रतिरोधक 'r' के प्रतिरोध को प्रतिरोधकों N की संख्या से भाग देने बराबर होता है।

$$R = \frac{r}{N}$$



समानान्तर परिपथों का अनुप्रयोग (Applications of parallel circuits)

विद्युत प्रणाली जिसमें एक खण्ड खराब हो जाता है और दूसरा खण्ड प्रचालित होता रहता है उसमें समानान्तर परिपथ होते हैं। जैसा पहले बताया गया है, घरों में प्रयुक्त बिजली प्रणाली में कई समानान्तर परिपथ होते हैं।

एक मोटरकार बिजली प्रणाली बत्तियों, हार्न, मोटर, रेडियों आदि के लिए समानान्तर परिपथों का प्रयोग करती हैं। इन युक्तियों से हर एक अन्योन्य से स्वतन्त्र रूप से प्रचालित होती हैं।

ब्यष्टि टेलीविजन परिपथ बहुत जटिल होते हैं। तथापि जटिल परिपथों को मेन पावर सप्लाय से पार्श्वबद्ध किया जाता है। इसी कारण, वीडियो (पिक्चर) के अप्रचालित होने पर भी टेलीविजन रीसीवर का आडियो सेक्शन फिर भी काम करता है।

सीरीज में खुला और शार्ट सर्किट तथा समान्तर नेटवर्क (Open and short circuit in series and parallel network)

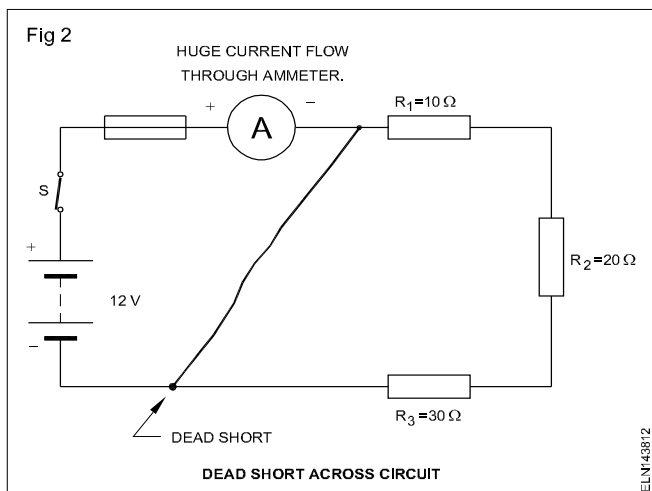
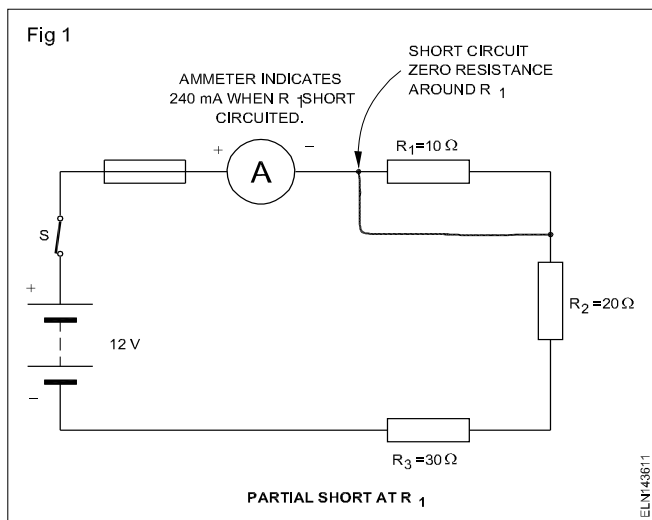
उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- सीरीज सर्किट में शार्ट सर्किट का अर्थ बताना और सीरीज सर्किट में उसके प्रभाव को स्पष्ट करना
- सीरीज सर्किट में खुले सर्किट का प्रभाव बताना और उसके कारण बताना
- शार्ट और खुले समान्तर सर्किटों का प्रभाव बताना ।

लघुपथित परिपथ (Short circuits)

सामान्य परिपथ प्रतिरोध की तुलना में एक ऐसा पथ जिसका प्रतिरोध शून्य अथवा अति लघु होता है एक लघु पथित परिपथ कहलाता है।

एक श्रेणी परिपथ में लघु पथन आंशिक अथवा पूर्ण (मृत लघु पथन) हो सकता है और (Fig 1) तथा (Fig 2) में क्रमशः प्रदर्शित किये गये हैं।



लघु पथित परिपथों के कारण धारा में वृद्धि होती है जिससे श्रेणी परिपथ क्षतिग्रस्त हो सकता है जो नहीं भी हो सकता है।

लघु पथित परिपथ के कारण त्रुटियाँ (Effects due to short circuit)

लघु पथित परिपथ के कारण उत्पन्न अधिक धारा परिपथ घटकों शक्ति स्रोतों को क्षति पूर्ण कर सकती है। अथवा सम्बन्धक तारों के रोधन को

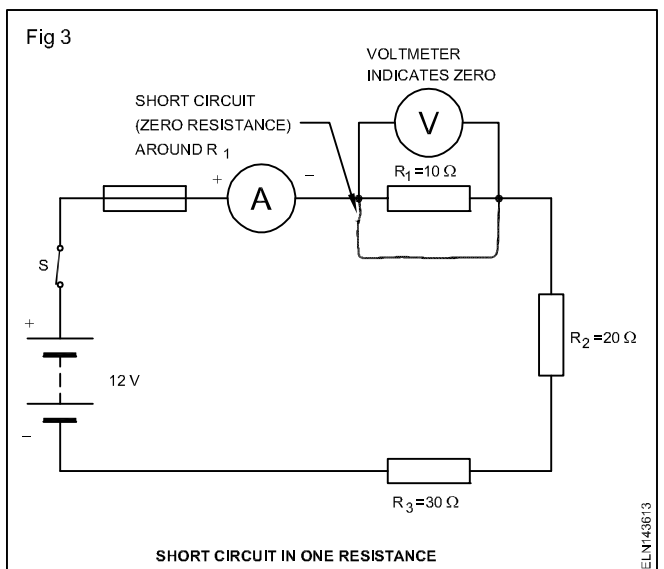
जला सकती है। चालको में अत्यधिक ऊष्मा उत्पन्न होने के कारण आग भी लग सकती है।

लघु पथित परिपथ से उत्पन्न संकटों से रक्षण (Protection against dangers of short circuit)

लघु पथित परिपथ से उत्पन्न संकटों को फ्यूज द्वारा और परिपथ में श्रेणी में जुड़े परिपथ भजकों द्वारा रोका जा सकता है।

लघु पथित परिपथ का संसूचन (Detecting short circuit)

जब एम्पियर मापी परिपथ में अत्यधिक धारा प्रदर्शित करता है तो परिपथ में लघु पथित परिपथ प्रदर्शित होता है। परिपथ स्रोत प्रत्येक घटक के सिरों पर एक वोल्ट मापी को जोड़ कर लघु पथित की स्थिति को ज्ञात किया जा सकता है। यदि वोल्टमापी शून्य वोल्ट प्रदर्शित करता है अथवा किसी घटक के सिरों पर कम हो जाता है तो उस घटक में लघु पथन है जैसा कि (Fig 3) में दिखाया गया है।



लघु पथ की स्थिति में परिपथ के बचाव की विधियाँ (Methods used to protect the circuit in case of a short circuit)

चूंकि लघु पथ में, परिपथ में से भारी धाराएं प्रवाहित होती हैं, बड़ी धाराओं से परिपथ के बिलों को बचाया जाना चाहिए। यदि लघुपथ धारा को परिपथ में से बहने दिया जाता है, केबिलें, जो सामान्य परिपथ धारा के लिए निर्धारित हैं, गरम हो जाएंगी और विभव आग जोखिम बन जाएंगी।

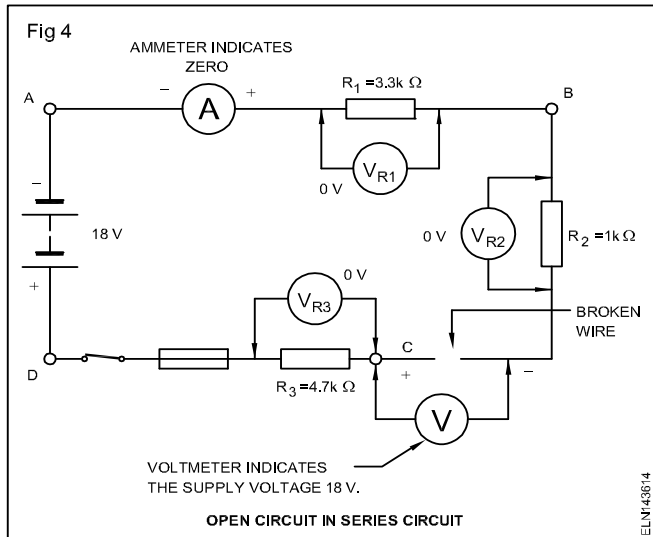
लघुपथ की स्थिति में परिपथ के स्वतः खुलने के लिए फ्यूज या परिपथ वियोजकों का प्रयोग किया जाता है। परिपथ में इस्तेमाल निम्नलिखित में से किसी एक के निम्नतम निर्धार पर निर्भर करते हुए परिपथ वियोजकों में अतिलोड रिले की सैटिंग या फ्यूज का निर्धार चुना जाएगा।

- परिपथ में लोड धारा
- परिपथ का केबिल निर्धार
- परिपथ का श्रेणी मीटर (ऐमीटर आदि) निर्धार

खुला परिपथ (Open circuit in series circuit)

जब कभी एक परिपथ टूट जाता है अथवा अपूर्ण है जिससे परिपथ में अविच्छिन्नता नहीं है तो इसका फल खुला परिपथ होता है।

श्रेणी परिपथ में खुले परिपथ का अर्थ यह होता है कि धारा के लिये कोई पथ नहीं है और परिपथ में कोई धारा प्रवाहित नहीं हो रही है। (Fig 4) की भांति परिपथ में कोई ऐम्पियर मापी धारा प्रदर्शित नहीं करेगा।



श्रेणी परिपथ में खुले परिपथ के कारण (Causes for open circuit in series circuit)

अनुपयुक्त कुजियों के सम्पर्क जले हुये फ्यूज टूटे हुये सम्बन्धक तार और जले हुये प्रतिरोधों इत्यादि के कारण सामान्य रूप से खुले परिपथ होते हैं।

श्रेणी परिपथ में खुले परिपथ का प्रभाव

- परिपथ में धारा प्रवाह नहीं होता है
- परिपथ में कोई भी युक्ति कार्य नहीं करेगी।
- कुल आपूर्ति वोल्टता/ स्रोत वोल्टता खुले बिन्दुओं के सिरों पर होती है।

परिपथ कहाँ टूटा है इसको ज्ञात करना (Determination the location of break in the circuit has occurred)

एक ऐसा वोल्टमापी प्रयोग करें जिसका परास आपूर्ति वोल्टता को ग्रहण

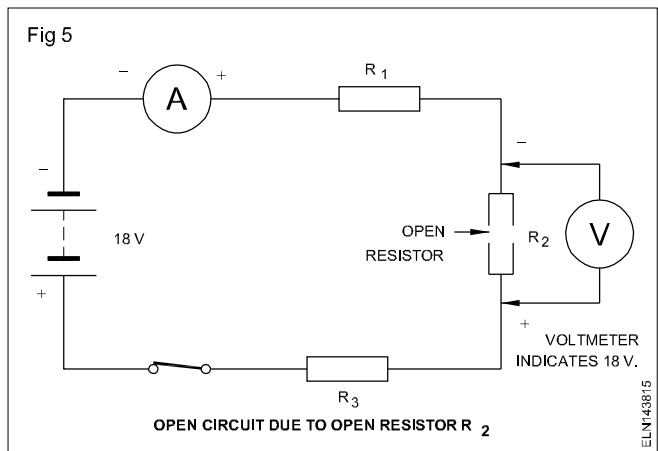
कर सके। प्रत्येक सम्बन्धक तारों के सिरों पर बारी बारी से जोड़ें। यदि (Fig 4) के अनुसार तारों में से एक खुला है तो कुल आपूर्ति वोल्टता वोल्टमीटर के सिरों पर प्रदर्शित होती है। धारा की अनुपस्थिति में किसी भी प्रतिरोधकों के सिरों पर वोल्टता पतन नहीं होता इसलिये खुले परिपथ के सिरों पर वोल्टमापी पूर्ण आपूर्ति वोल्टता प्रदर्शित करेगा। अर्थात्

वोल्टमापी पाठ

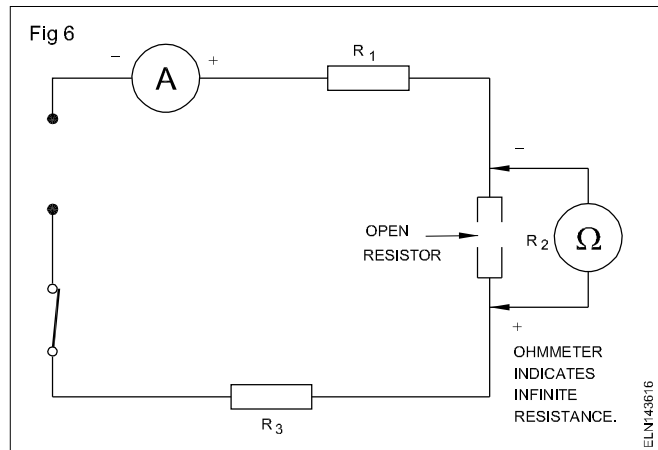
$$= 18 \text{ V} - V_{R1} - V_{R2} - V_{R3}$$

$$= 18 \text{ V} - 0 \text{ V} - 0 \text{ V} - 0 \text{ V} = 18 \text{ V}.$$

(Fig 5) (प्रतिरोधक जल जाने पर खुले होते हैं) के अनुसार यदि परिपथ त्रुटिपूर्ण प्रतिरोध के कारण है तो वोल्टमीटर R2 प्रतिरोध के सिरों पर जोड़ने से 18V प्रदर्शित करेगा।



अथवा एक ओम मापी के प्रयोग से भी खुले परिपथ को ज्ञात किया जा सकता है। वोल्टता को हटा कर ओम मापी कोई अविच्छिन्नता प्रदर्शित नहीं करेगा (अनन्त प्रतिरोध) जब उसे टूटे तार अथवा खुले प्रतिरोधक के सिरों पर जोड़ा जाता है (Fig 6)



व्यवहारिक अनुप्रयोग (Practical Application)

- इस अभ्यास से प्राप्त ज्ञान से:
- एक श्रेणी परिपथ में खुले और लघु पथित परिपथ को ज्ञात करें।
- श्रेणी सम्बन्धित सजावट बल्ब नियोजनों की मरम्मत करें।

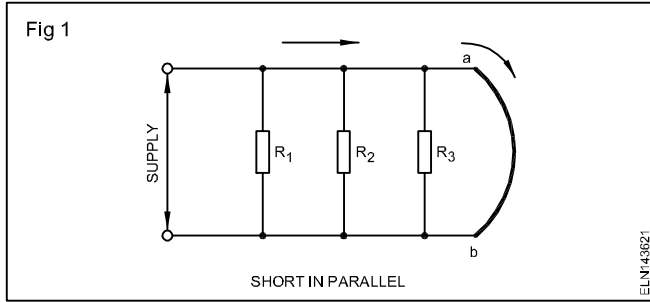
समानान्तर परिपथ में लघुपथ और खुलेपथ (Shorts and opens in parallel circuits)

विद्युत परिपथों में दो दोष संभवतः घटित हो सकते हैं :

- लघुपथ
- खुला पथ

समानान्तर परिपथ में लघुपथ (Shorts in parallel circuit)

(Fig 1) में एक समानान्तर परिपथ दिखाया गया है जिसमें बिन्दु 'a' और 'b' के बीच लघुपथन दिखाया गया है।



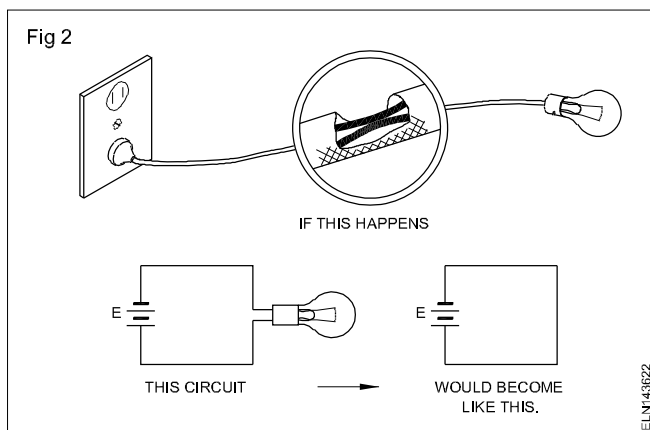
इससे परिपथ प्रतिरोध घट कर लगभग शून्य हो जाएगा।

अतः 'ab' के आरपार वोल्टता पात लगभग शून्य होगा (ओम नियम द्वारा)

अतः प्रतिरोधक R_1 , R_2 , R_3 में से धारा नगण्य होगी और उनकी समान्य धारा नहीं होगी।

इसके फलस्वरूप, समान्य धारा के धारा का लगभग सौगुणा लघुपथ में से प्रवाहित होगा।

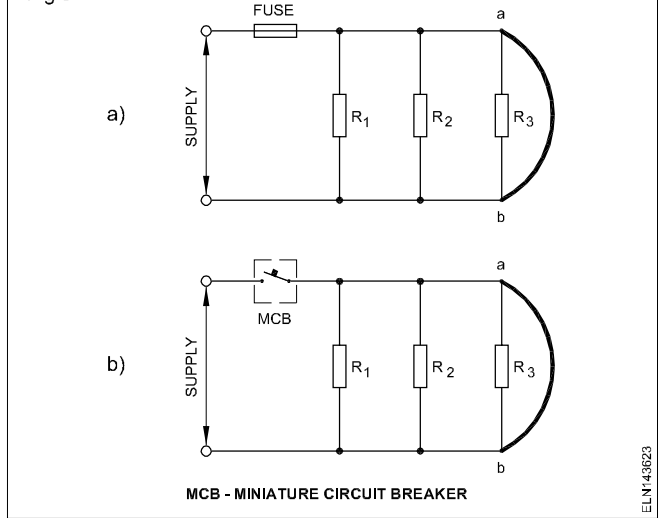
एक लघुपथ विद्यमान होता है जब धारा पावर स्रोत के धनात्मक टर्मिनल से योजक तारों में से होती हुई बिना किसी लोड में से गुजरती हुई पावर स्रोत के ऋणात्मक टर्मिनल में वापस प्रवाहित हो जाए (Fig 2)



लघु परिपथ से परिपथ अवयव जैसे केबिल स्विच आदि जल सकते हैं।

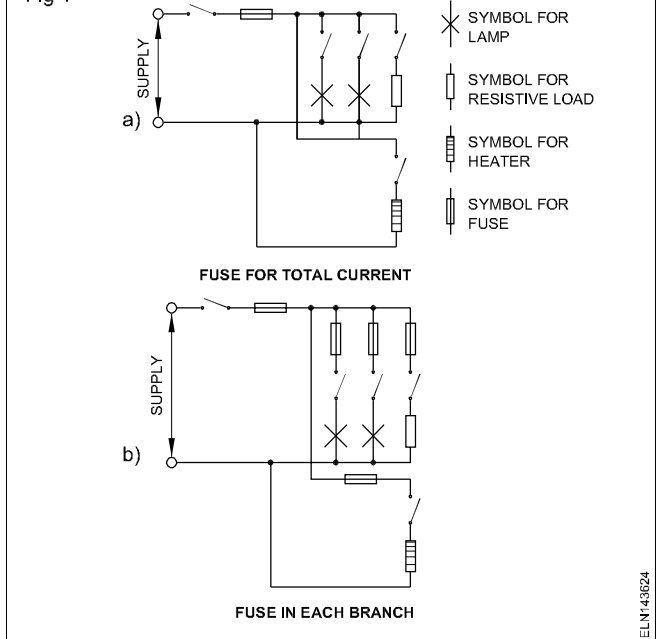
परिपथ घटकों के जलने से बचाव के लिए संरक्षा युक्तियाँ जैसे 'फ्यूज' परिपथ वियोजक आदि का प्रयोग परिपथ को खोलने के लिए किया जाता है (Figs 3a & 3b)

Fig 3



पार्श्व परिपथ को फ्यूज से बचाने के लिए इसे परिपथ में रखना चाहिए जहाँ कुल धारा प्रवाहित होती है या प्रत्येक शाखा का फ्यूज होना चाहिए (Figs 4 a & b)

Fig 4

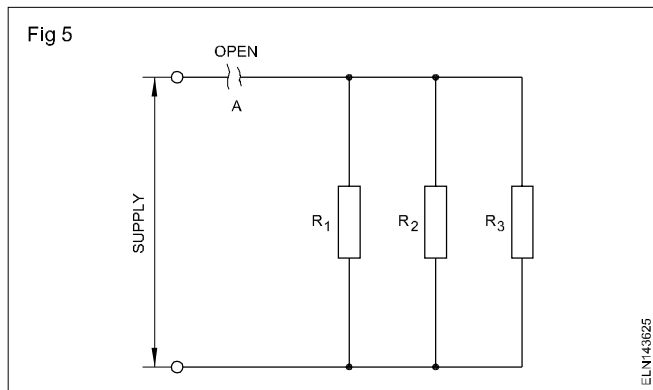


पार्श्व परिपथों में खुला पथ (Opens in parallel circuit)

बिन्दु A पर साझी लाइन में एक खुला पथ, जैसा (Fig 5) में दिखाया गया है, उस परिपथ में शून्य B धारा प्रवाह उत्पन्न होगी। (Fig 6)

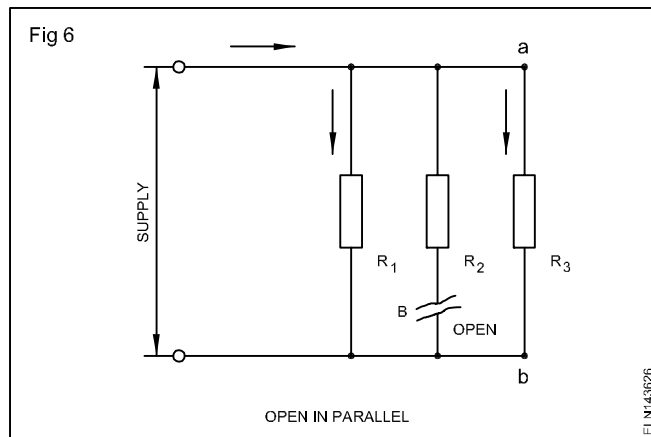
तथापि शाखा R_1 और R_3 में धारा प्रवाहित होती रहेगी जब तक वे वोल्टता स्रोत के साथ योजित हैं।

स्रोत की पूर्ण वोल्टता खुला पथ टर्मिनलों पर उपलब्ध होगी। जो परिपथ खुले है उनसे छेड़छाड़ खतरनाक होती है।



व्यावहारिक अनुप्रयोग (Practical application)

इस अभ्यास में प्राप्त ज्ञान का प्रयोग वायरिंग स्थापनाओं में खुले परिपथों या लघुपथों की पहचान के लिए किया जा सकता है।



प्रतिरोध के सिद्धान्त और प्रतिरोधकों के प्रकार (Laws of resistance and various types of resistors)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- प्रतिरोध के नियमों को बताने में तथा विभिन्न पदार्थों के प्रतिरोधों की तुलना करना
- प्रतिरोधों के बीच सम्बन्ध व्यक्त करने वाले सूत्र और एक चालक की विमाये बताना
- प्रतिरोध पर ताप का प्रभाव बताने में तथा प्रतिरोध के ताप गुणांक का वर्णन करना
- दिये गये आंकड़ों से अर्थात् विमायों इत्यादि से चालक के प्रतिरोध की गणना करना ।

प्रतिरोध के नियम (Laws of resistance):

एक चालक द्वारा उत्पन्न प्रतिरोध R निम्न कारकों पर निर्भर करता है।

- चालक के प्रतिरोध में वृद्धि उसके लम्बाई के समानुपात में होती है
- चालक का प्रतिरोध उसके अनुप्रस्थ परिच्छेद क्षेत्रफल का विलोमानुपाती होता है
- चालक का प्रतिरोध उसके पदार्थ पर निर्भर करता है। जो कि बने होते हैं ।
- यह चालक के ताप पर भी निर्भर करता है।

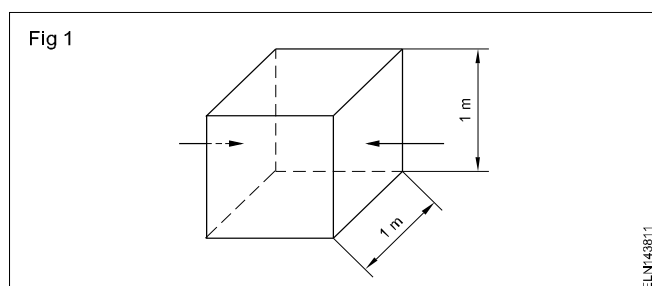
अभी अन्तिम कारक को अनदेखा करके हम कह सकते हैं कि जहां

$$R = \frac{\rho L}{a}$$

जिसमें 'ρ' (rho - ग्रीक का वर्ण) - स्थिर है जो कण्डक्टर के पदार्थ के गुण पर निर्भर है और उसके **विशिष्ट रसिस्तान्स (resistance)** अथवा **रसिस्विटी (resistivity)** के रूप में जाना जाता है ।

यदि लम्बाई 1 मीटर और क्षेत्रफल 'a' = 1m² है तो R = ρ

इसलिये किसी पदार्थ का विशिष्ट प्रतिरोध उस पदार्थ के 1 घन मीटर के विपरीत पाश्वर्षों के बीच प्रतिरोध के रूप में परिभाषित किया जा सकता है। (अथवा कभी एकांक घन को उस पदार्थ के घन cm में लेते हैं।) (Fig 1)



हमें ज्ञात है कि $\rho = \frac{aR}{L}$

मात्रकों की SI पद्धति में $\rho = \frac{a \text{ metre}^2 \times R \text{ Ohm}}{L \text{ metre}}$

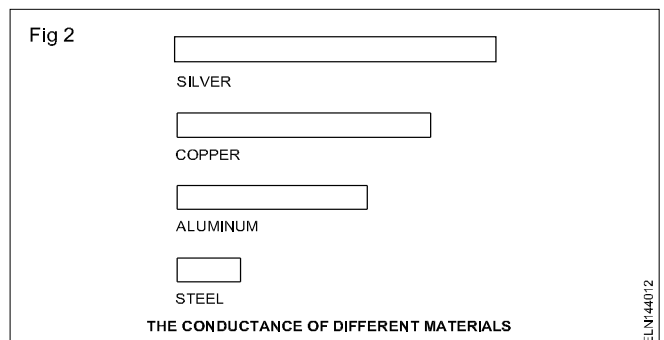
$$= \frac{aR}{L} \text{ ohm - metre}$$

इसलिये विशिष्ट प्रतिरोध का मात्रक Ohm meter (Ωm) में होता है।

विभिन्न पदार्थों की प्रतिरोध की तुलना (Comparison of the resistance of different materials) :

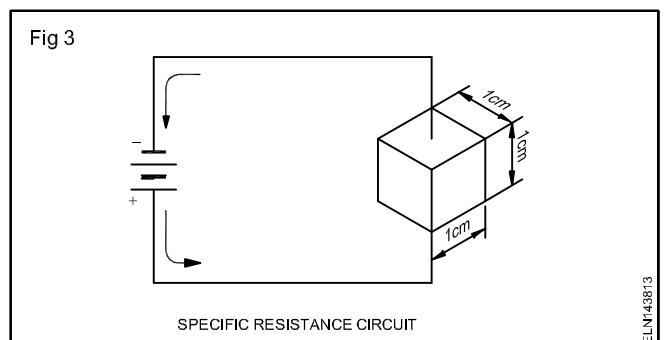
वैद्युत के चालकों के रूप में अधिक महत्वपूर्ण पदार्थों के लिये (Fig 2) कुछ तुलनात्मक सूचना प्रदान करता है। सभी प्रदर्शित चालक समान अनुप्रस्थ परिच्छेद क्षेत्रफल तथा समान प्रतिरोध के हैं। चांदी का तार सबसे अधिक जबकि तांबे का कुछ कम और एल्युमिनियम का और भी कम है। स्टील तार की तुलना में चांदी का तार पांच गुने से अधिक लम्बा है।

चूंकि विभिन्न धातुयें विभिन्न चालकता निर्धारण के होते हैं उनके प्रतिरोध निर्धारण भी भिन्न होना चाहिये विभिन्न धातुओं के प्रतिरोध निर्धारण, वैद्युत परिपथ में प्रत्येक धातु के एक मानक टुकड़े से प्रयोग करके ज्ञात

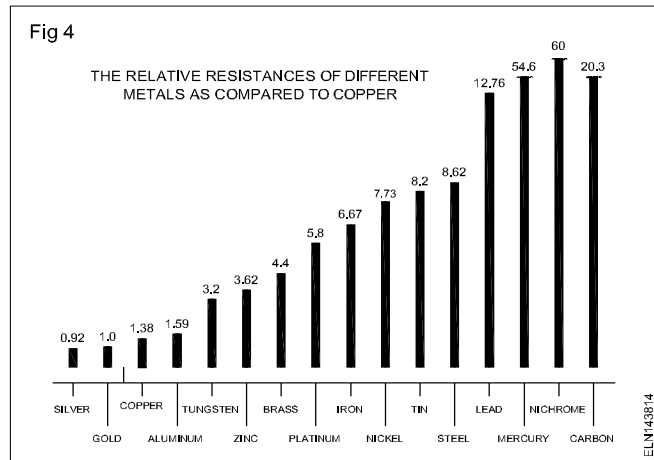


किये जा सकते हैं। यदि आप अधिक साधारण धातुओं के एक मानक आकार के टुकड़े को काट कर उन्हें एक बैटरी से एक एक करके जोड़े तो आपको ज्ञात होगा कि उनमें विभिन्न मात्रा की धारा प्रवाहित होगी। (Fig 3)

तांबे की तुलना में कुछ साधारण धातुओं के प्रतिरोध (Fig 4) में छड़ ग्राफ द्वारा प्रदर्शित किये गये हैं। चांदी तांबे की तुलना में उत्तम चालक है।



क्योंकि इसमें प्रतिरोध कम होता है। नाइक्रोम का प्रतिरोध ताबों की तुलना में 60 गुना है। इसलिये यदि इनको एक ही बैटरी से एक एक करके जोड़ा जाय तो नाइक्रोम की तुलना में ताबों 60 गुना अधिक धारा प्रवाहित करेगा।



प्रतिरोध और चालक की विमा के बीच सम्बन्ध (Relationship between the resistance and the dimensions of a conductor) : दिये गये पदार्थ के एक समरूप तार के किन्हीं दो बिन्दुओं के बीच विभवान्तर को उनके बीच की धारा से भाग P.D. करने पर प्राप्त मान उन दो बिन्दुओं के बीच का प्रतिरोध होता है। और उनके बीच की दूरी का समानुपाती होता है।

साथ ही यदि दो प्रतिरोधक जिनमें से प्रत्येक का प्रतिरोध R है समान्तर में जोड़े जाते हैं तो इनका तुल्य R_T निम्न से प्राप्त होता है,

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R} = \frac{2}{R}$$

इसलिये $R_T = \frac{R}{2}$

इसलिये यदि समान लम्बाई, पदार्थ और व्यास के दो तार समान्तर में जोड़े जाते हैं तो दो समान्तर तारों का प्रतिरोध एक का आधा होता है।

लेकिन समान्तर में दो तारों के जोड़ने का प्रभाव ठीक उसी प्रकार होता है जो चालक के परिच्छेद क्षेत्रफल को दो गुना कर देने से होता है, जो उसी प्रकार होता है जैसे समान्तर में पांच तारों अर्थात् तार के क्षेत्रफल को पांच गुना करने से अथवा एक तार के प्रतिरोध को $1/5$ कर देने से होता है।

साधारण तय: हम कह सकते हैं कि एक दी गई लम्बाई के चालक का प्रतिरोध उसके अनुप्रस्थ परिच्छेद क्षेत्रफल का विलोमानुपाती होता है।

दूसरा कारक जो प्रतिरोध को प्रभावित करता है पदार्थ की प्रकृति है इसलिये अब हम कह सकते हैं कि तार का प्रतिरोध, (Fig 5 & Fig 6)

$$= \frac{\text{length}}{\text{area}} \times \text{लम्बाई / क्षेत्रफल} \times \rho \text{ (दिये गये पदार्थ)}$$

Fig 5

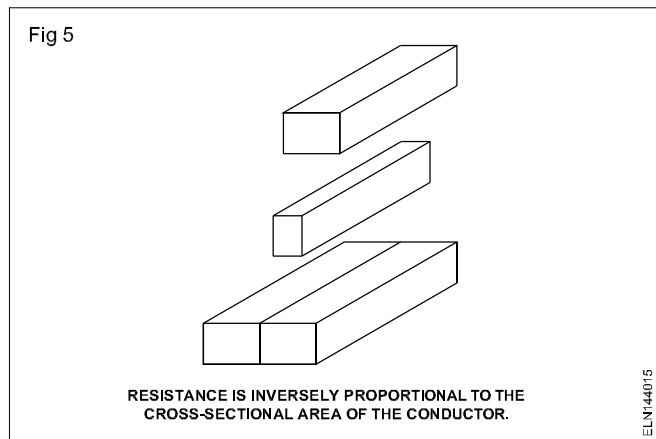
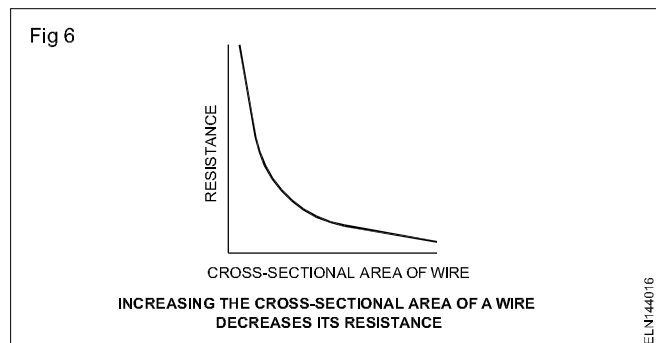


Fig 6



$$R(\text{ohms}) = \frac{L(\text{metres})}{a \text{ metre}^2} \times \rho$$

इससे $\rho = Ra \div L \text{ Ohm - meter}$

जहां ρ (ग्रीक अक्षर उच्चारण रो), एक स्थिरांक व्यक्त करता है।

L तार की मीटर में लम्बाई है

a वर्ग मीटर में क्षेत्रफल है

उदाहरण: 1.5mm व्यास वाले ताबों की तार की लम्बाई की गणना करो जिसका प्रतिरोध 0.3ohm हो, ताबों की प्रतिरोधकता 0.017 माइक्रोओम मीटर है।

हल:

तार का अनुप्रस्थ परिच्छेद क्षेत्रफल

$$= (\pi/4) \times (1.5)^2 = 1.766 \text{ mm}^2$$

$$= 1.766 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$R = \frac{\rho L}{a}$$

$$= 0.3 = \frac{0.017 \times 10^{-6} \times L}{1.766 \times 10^{-6}}$$

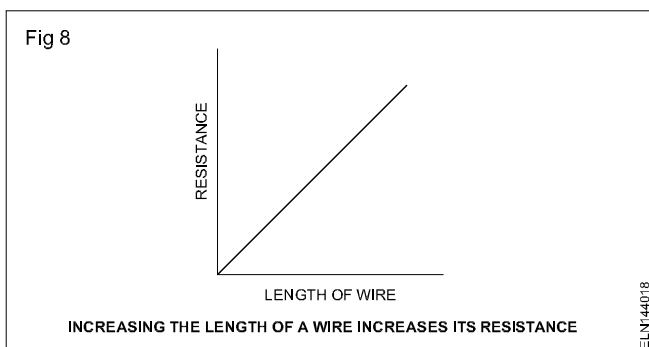
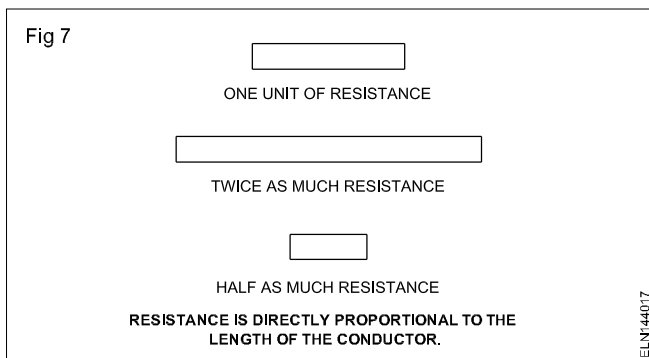
उत्तर: लम्बाई = 31.2 m.

संक्षेप में इस सभी को हम एक सरल कथन से कह सकते हैं। तार की जितनी अधिक लम्बाई उतना ही अधिक प्रतिरोध, तार की जितनी कम लम्बाई उतना ही कम प्रतिरोध

इसको हम सार्वत्रिक नियम में संक्षेपित कर सकते हैं: किसी धातीय चालक का वैद्युत प्रतिरोध उसके अनुप्रस्थ परिच्छेद क्षेत्रफल का विलोमानुपाती होता है।

इससे हम किसी भी प्रकार की वैद्युत चालकों से कार्य करने के लिये एक महत्वपूर्ण नियम प्राप्त होता है। किसी चालक का वैद्युत प्रतिरोध चालक की लम्बाई का समानुपाती होता है यदि पूरा चालक समान व्यास और समान पदार्थ से बना है (Fig 7 & 8)

इस प्रकार तार की लम्बाई उसकी वैद्युत चालन की योग्यता को यथेष्ट प्रभावित करती है। जितना अधिक लम्बा तार होगा धारा के लिये उसमें प्रवाहित होना उतना ही कठिन होगा। अन्य शब्दों में जितना अधिक लम्बा तार उतना ही अधिक प्रतिरोध।



प्रतिरोध की गणना (Calculation of resistance)

उदाहरण 1: यदि 15m एक 0.14 व्यास के यूरे का तार का प्रतिरोध 3.75ohm है तो इसके पदार्थ का विशिष्ट प्रतिरोध ज्ञात करें।

हल

$$\text{तार की लम्बाई } L = 15\text{m} = 15 \times 100 = 1500 \text{ cm}$$

$$\text{तार का व्यास} = 0.14\text{cm}$$

$$\text{प्रतिरोध} = 3.75 \text{ ohm}$$

तार का अनुप्रस्थ परिच्छेद क्षेत्रफल

$$a = \pi r^2 = \frac{\pi d^2}{4}$$

$$a = \frac{22}{7} \times \frac{(0.14)^2}{4}$$

$$\text{हम जानते हैं कि } R = \frac{\rho L}{a}$$

$$\text{स्पेसिफिक रजिस्टान्स} = \rho = \frac{R \times a}{L}$$

$$= \frac{3.75 \times 22 \times (0.14)^2}{15 \times 100 \times 7 \times 4} \text{ ohm/cm}$$

$$= \frac{3.75 \times 22 \times (0.14)^2 \times 10^6}{15 \times 100 \times 7 \times 4} \text{ micro ohm/cm}$$

$$= 38.5 \text{ micro ohm cm}$$

$$= 38.5 \mu \text{ ohm cm.}$$

उदाहरण 2 : 2 किलोमीटर लम्बे तार के प्रतिरोध की गणना करें। तार तांबे के चालक के 19 क्रोण से निर्मित है, प्रत्येक क्रोण का व्यास 1.32mm है। तांबे की प्रतिरोधकता 1.72×10^{-8} ओम-मी ली जाय। पूर्ण केबल के प्रत्येक कोण में ऐठन के लिये 5% वृद्धि की छूट है।

हल

छूट के साथ क्रोण की लम्बाई

$$= 2000 + 5\% \text{ of } 2000 \text{ metre}$$

$$= 2100\text{m}$$

कापर चालक के 19 क्रोणों का परिच्छेद क्षेत्रफल

$$= 19 \times \frac{\pi d^2}{4}$$

$$= 19 \times \pi \frac{(1.32 \times 10^{-3})^2 \text{ m}^2}{4}$$

$$\text{Now } R = \frac{\rho L}{a} = \frac{1.72 \times 10^{-8} \times 2100 \times 4}{19 \times (1.32)^2 \times 10^{-6} \times \pi}$$

$$= \frac{1.72 \times 10^{-8} \times 2100 \times 4 \times 7}{19 \times 22 \times (1.32)^2 \times 10^{-6}}$$

$$= 1.388 \text{ ohms.}$$

उदाहरण 3 : तांबे के एक तार व्यास की गणना करें। जिसका प्रतिरोध 14.4 ohms और लम्बाई 3km है तांबे का विशिष्ट प्रतिरोध 1.7 micro ohm प्रति घन cm लिया जा सकता है।

हल

$$\text{लम्बाई} = 3\text{km} = 3 \times 1000 \times 100$$

$$= 300 \text{ 000 cm}$$

$$\text{प्रतिरोध} = 14.4 \text{ ohms}$$

$$\rho = 1.7 \mu\Omega/\text{cm}$$

$$a = \frac{\rho L}{R}$$

$$= \frac{1.7 \times 300\,000}{10^{-6} \times 14.4}$$

$$= \frac{1.7 \times 3}{144} = \frac{5.1}{144} \text{ cm}^2$$

$$= \frac{51}{1440} \text{ cm}^2 = 0.035 \text{ cm}^2$$

$$\text{Now } a = \frac{\pi d^2}{4} \text{ or } d^2 = \frac{a \times 4}{\pi}$$

$$d = \sqrt{\frac{a \times 4}{\pi}}$$

$$= \sqrt{\frac{0.035 \times 4 \times 7}{22}}$$

$$= \sqrt{0.0445}$$

$$= 0.21 \text{ cm}$$

$$= 2.1 \text{ mm.}$$

प्रतिरोधक (Resistors)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- विभिन्न प्रकार के प्रतिरोधकों की रचना तथा अभिलक्षण का वर्णन करना
- इलेक्ट्रॉनिक परिपथ में प्रतिरोधकों के फलन तथा अनुप्रयोगों का वर्णन करना ।

प्रतिरोधक (Resistors): ये इलेक्ट्रॉनिक परिपथ में उपयोग होने वाले सबसे सामान्य निष्क्रिय (Passive) घटक हैं। प्रतिरोधक को ओह्म (प्रतिरोध) के विशिष्ट मान के साथ बनाया जाता है। परिपथ में प्रतिरोधक उपयोग करने का उद्देश्य या तो धारा को विशिष्ट मान तक सीमित करना या वांछित वोल्टता पतन (IR) उपलब्ध कराना है। प्रतिरोधक का शक्ति निर्धारण (rating) 0.1W से सैंकड़ों वाट तक हो सकता है।

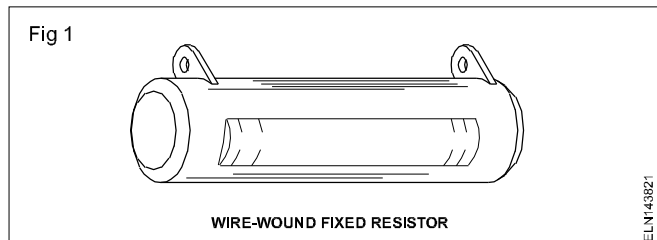
प्रतिरोधक पाँच प्रकार के होते हैं :

- 1 तार-कुंडलित प्रतिरोधक (Wire-wound resistors)
- 2 कार्बन संयोजन प्रतिरोधक (Carbon composition resistors)
- 3 धातु फिल्म प्रतिरोधक (Metal film resistors)
- 4 कार्बन फिल्म प्रतिरोधक (Carbon film resistors)
- 5 विशेष प्रतिरोधक (Special resistors)

1 तार-कुंडलित प्रतिरोधक (Wire-wound resistors)

तार-कुंडलित प्रतिरोधकों को सिरैमिक पोर्सलेन, बैकेलाइट, दबे पेपर इत्यादि जैसे रोधित कोर के चारों तरफ प्रतिरोध तार (नाइक्रोम नामक निकल-क्रोम मिश्रण) को कुंडलित कर उपयोग करते हुए बनाए जाते हैं। Fig 1 में इस प्रकार का प्रतिरोधक दर्शाया गया है। इकाई में उपयोग किया गया अन आवर्णित (bare) तार सामान्यतः विद्युत् रोधी पदार्थ में परिवर्द्ध रहता है। तार-कुंडलित प्रतिरोधक उच्च धारा के अनुप्रयोगों के

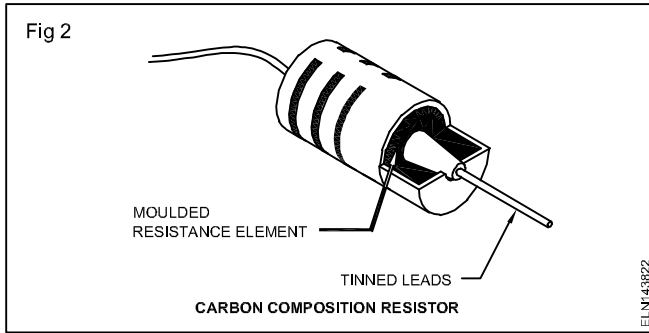
लिए उपयोग किए जाते हैं। ये एक वाट से 100 वाट या अधिक तक के वाटता निर्धारण में मिलते हैं। प्रतिरोध 1 ओह्म से कम या अनेक हजार ओह्म तक हो सकते हैं। ये वहाँ पर भी उपयोग होते हैं, जहाँ परिशुद्ध प्रतिरोध के मान की आवश्यकता है।



एक प्रकार के तार-कुंडलित प्रतिरोधक को गलनीय प्रतिरोधक कहते हैं, जो पोर्सलेन के आवरण में परिवर्द्ध होते हैं। प्रतिरोध को ऐसे डिजाइन किया जाता है जिससे कि उसमें निश्चित सीमा से अधिक धारा प्रवाह हो तो परिपथ खुल जाये।

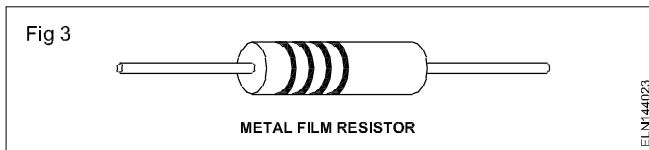
2 कार्बन संयोजन प्रतिरोधक (Carbon composition resistors)

ये वांछित प्रतिरोध के मान के लिए आवश्यक अनुपात में सूक्ष्म कार्बन या बंधक के रूप में चूर्ण विद्युत् रोधी सामग्री के साथ मिश्रित ग्रेफाइट से बनाए जाते हैं। कार्बन-प्रतिरोध घटकों को परिपथ में सम्बंधन को सोल्डरन करने के लिए ताँबा के तार की कलईदार लीड के साथ धातु के आवरण (cap) के साथ स्थिर होते हैं। Fig 2 में कार्बन संयोजन प्रतिरोधक की रचना दर्शायी गई है।



कार्बन प्रतिरोधक 1 ओह्म से 22 मेगओह्म के मानों में तथा सामान्यतः 0.1, 0.125, 0.25, 0.5 तथा 2 वॉट के विभिन्न शक्ति निर्धार (Power rating) में मिलते हैं।

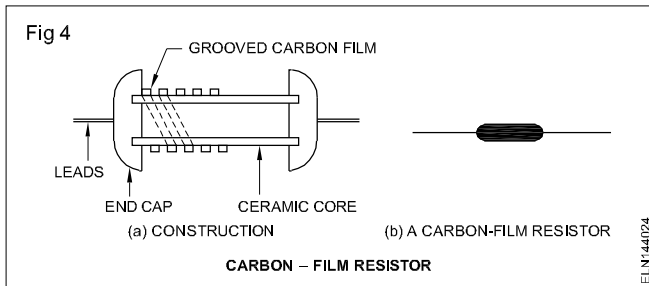
3 धातु फिल्म के प्रतिरोधक (Metal film resistors) (Fig 3)



धातु फिल्म प्रतिरोधक, दो प्रक्रमों से बनाये जाते हैं। मोटी फिल्म प्रतिरोधक, धातु मिश्र तथा चूर्ण काँच के साथ लेपित किए जाते हैं जो सिरैमिक आधार फैला कर पकाये जाते हैं।

पतले फिल्म के प्रतिरोधक को सिरैमिक आधार पर धातु के वाष्प को एकत्र कर के बनाया जाता है। धातु फिल्म प्रतिरोधक 1 ओह्म से 10MΩ तक 1 W में मिलते हैं। धातु फिल्म प्रतिरोधक 120°C से 175°C तक कार्य कर सकते हैं।

4 कार्बन फिल्म प्रतिरोधक (Carbon film resistors) (Fig 4)



इस प्रकार में, सिरैमिक आधार/ ट्यूब पर कार्बन की पतली परत को निक्षिप्त किया जाता है। पन्नी की लम्बाई को बढ़ाने के लिए पृष्ठ के ऊपर विशिष्ट प्रक्रिया द्वारा एक सर्पिल खाँचा काटा जाता है।

कार्बन फिल्म प्रतिरोधक 1 ओह्म से 10 मेगओह्म तथा 1W तक मिलते हैं, तथा 85°C से 155°C तक कार्य कर सकते हैं।

उपरोक्त सभी चार प्रकार के प्रतिरोधक को, यांत्रिक क्षति तथा जलवायु के प्रभाव के सापेक्ष उन्हें बचाव के लिये उन्हें कृत्रिम रेजिन से लेनित किये होते हैं, इसलिये उन्हें बाहर से देखते हुए प्रभेद करना कनि होता है।

प्रतिरोधकों के विनिर्देश (Specification of resistors): प्रतिरोधकों को सामान्यतः चार महत्वपूर्ण प्राचलो (पैरामीटर) से निर्दिष्ट किया जाता है।

- 1 प्रतिरोधक का प्रकार
- 2 प्रतिरोधक का अभिहित मान ओह्म (या) किलो ओह्म (या) मैगओह्म में।
- 3 प्रतिशत में प्रतिरोधक मान की सह्य (टालरेंस) सीमा
- 4 घटकों की भारण क्षमता वॉटता में

उदाहरण

100 ± 10%, 1W जहाँ प्रतिरोध का अभिहित (nominal) मान 100Ω है।

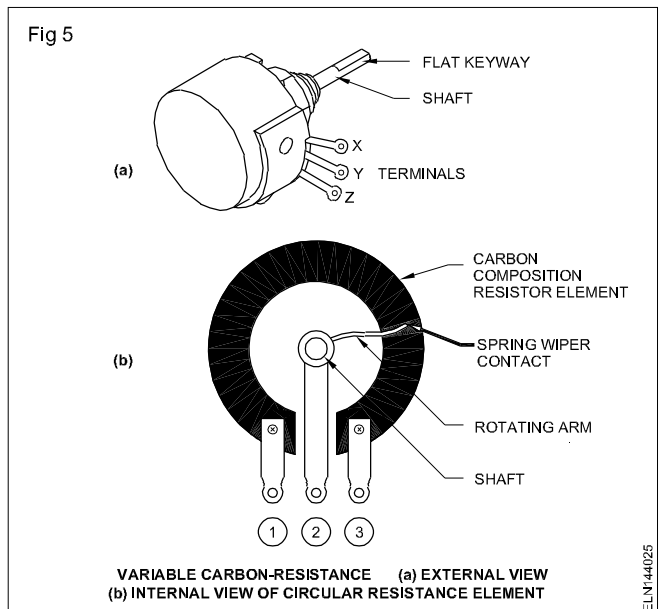
प्रतिरोध का वास्तविक मान 90Ω से 110Ω के बीच तथा भारण क्षमता अधिकतम 1 वॉट हो सकती है।

प्रतिरोधकों को उनके कार्य के सापेक्ष भी वर्गीकृत किया जा सकता है जैसे

- 1 स्थिर प्रतिरोधक
- 2 परिवर्तीय प्रतिरोधक

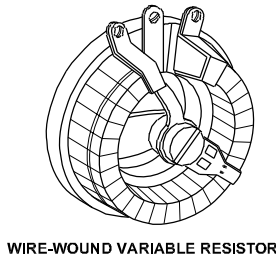
स्थिर प्रतिरोधक (Fixed resistors): स्थिर प्रतिरोधक वे हैं जिसमें, प्रतिरोधक का अभिहित मान स्थिर होता है। इन प्रतिरोधकों में एक जोड़ा लीड की व्यवस्था रहती है। (Fig 1 से 4)

परिवर्तीय प्रतिरोधक (Variable resistors) (Fig 5): परिवर्तीय प्रतिरोधक वे हैं, जिनके मान को परिवर्तित किया जा सकता है। परिवर्तीय प्रतिरोधक में वे घटक सम्मिलित होते हैं जिनमें सर्पी सम्पर्क की सहायता से प्रतिरोध मान को विभिन्न स्तरों पर सेट किया जा सकता है। इन्हें विभवमापी प्रतिरोधक या सरल रूप से विभवमापी कहते हैं।



इनमें Fig 5 तथा 6 में दर्शाये गये अनुसार, इनमें 3 टर्मिनल लगाए जाते हैं। ये कार्बन ट्रैक्स (Fig 5) तथा तार कुंडलित (Fig 6) प्रकार में मिलते हैं। कटरनी (Timmer) विभवमापी या प्रतिरोधकों को एक छोटे पेंचकस की सहायता से समायोजित किया जा सकता है। (Fig7)

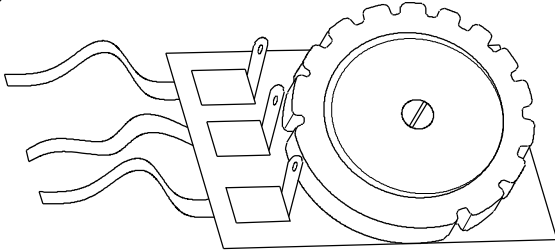
Fig 6



WIRE-WOUND VARIABLE RESISTOR

ELN44026

Fig 7



TRIMMER RESISTOR

ELN44027

5 विशेष रसिस्टर्स (Special resistors)

प्रतिरोध ताप, वोल्टता, प्रकाश पर निर्भर करता है (Resistance depends upon temperature, voltage light): विशेष प्रतिरोधक भी बनाए जाते हैं, जिनका प्रतिरोध ताप, वोल्टता तथा प्रकाश के साथ परिवर्तनीय होता है।

PTC प्रतिरोधक (ताप वर्धक प्ररोध) PTC resistors (Sensistors): क्योंकि विभिन्न पदार्थों का विभिन्न क्रिस्टलीय संरचना होती है, इसलिए प्रतिरोध की दर जिस से वह ताप के साथ बढ़ता है, वह विभिन्न पदार्थों में परिवर्तनीय होता है। PTC प्रतिरोधक (धनात्मक ताप गुणांक प्रतिरोधक) में जैसे ताप बढ़ता है तो प्रतिरोध रेखीय रूप से बढ़ता है। उदाहरण के लिए PTC का प्रतिरोध कमरे के ताप पर 100Ω के अभिहित (nominal) मान का हो सकता है। जब ताप माना 10°C बढ़ता है तो वह 150

Ω तक बढ़ सकता है, तथा ताप को और आगे 10°C बढ़ाने पर वह 500Ω तक बढ़ सकता है।

NTC रजिस्टर (तापी प्रतिरोधक) NTC Resistors (Thermistors): NTC प्रतिरोधक (ऋणात्मक ताप गुणांक प्रतिरोधक) की स्थिति में जैसे ताप बढ़ता है तो प्रतिरोध का मान रेखीय रूप से घटता है। उदाहरण के लिए NTC प्रतिरोधक, जिनका कमरे के ताप पर प्रतिरोधक का साधारण मान 500Ω है, वे ताप के 10°C बढ़ने पर 400Ω घट सकते हैं तथा, और आगे 150Ω तक घट सकते हैं, जब ताप को पुनः 10°C बढ़ाया जाये।

PTC तथा NTC प्रतिरोधक विशिष्ट ताप पर स्विचन प्रचालन का कार्य कर सकते हैं। ये मापने तथा ताप प्रतिकारित (compensators) के लिये भी उपयोग होते हैं।

VDR (Varistors)(वैरिस्टर/चर रोधक): VDR (Voltage Depended Resistor) प्रतिरोध, वोल्टता बढ़ने पर रेखीय रूप से कम होते हैं, उदाहरण के लिए एक VDR का 10V पर 100Ω प्रतिरोध हो सकता है तथा वह 5V बढ़ने पर वह 90Ω तक कम हो सकता है। वोल्टता को 5V पुनः बढ़ाने पर प्रतिरोध 50Ω तक कम हो सकता है। VDR का उपयोग वोल्टता स्थिरीकरण, आर्क शमन (क्विचिंग) तथा अति वोल्टता रक्षण में उपयोग किया जाता है।

प्रकाश आश्रित प्रतिरोधक (LDR) (Light Dependent Resistor) (LDR): LDR को प्रकाश चालक भी कहते हैं। LDR में प्रदीप्ति की तीव्रता बढ़ने के साथ प्रतिरोध कम होता है। घटना का वर्णन, इस तरह से किया जाता है, कि प्रकाश उर्जा, प्रतिरोधक के पदार्थ में से कुछ इलेक्ट्रॉन मुक्त करता है जो फिर अतिरिक्त संवाही इलेक्ट्रॉन की तरह मिलते हैं। LDR का प्रकाश को संवेद करने के लिए खुली सतह हो सकती है। ये रिले (relays) के कार्य करने में प्रकाश के अवरोध लिये उपयोग किये जाते हैं। ये प्रकाश की तीव्रता को मापने के लिए भी उपयोग किये जाते हैं।

प्रतिरोधको के लिए चिन्हांकन कोड (Marking codes for resistors)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- प्रतिरोधको पर रंगों कक्ष चिन्हांकन के कोड की व्याख्य करना
- प्रतिरोध के मान के लिए अक्षर तथा संख्या कोड की व्याख्या करना
- प्रतिरोधको के लिए वरीयता मान की सूची बनाना ।

रंग कोड किये हुए प्रतिरोधको के प्रतिरोध तथा सहिष्णुता (टालरेंस) का मान (Resistance and tolerance value of colour coded resistors)

व्यापारिक रूप से प्रतिरोधों का मान तथा सहिष्णुता (टालरेंस) का मान, रंगों के कोड या अक्षर तथा अंककीय कोड से प्रतिरोधको पर अंकित रहता है।

मान को संकेत करने के लिए रंगों के कोड को दो सार्थक अंको तथा टालरेंस को IS 8186 के अनुसार टेबल 1 में दिये गए हैं।

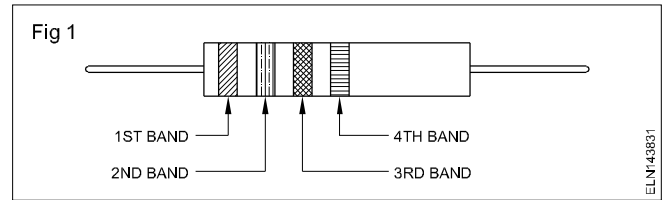
टेबल 1

रंगों के संगत की सार्थकता अंको तथा टालरेंस का मान

रंग	प्रथम बैण्ड/ डाट	द्वितीय बैण्ड/ डाट	तृतीय बैण्ड/ डाट	चतुर्थ बैण्ड/ डाट
	प्रथम अंक	द्वितीय अंक	गुणक	टालरेंस
रजत	—	—	10^{-2}	$\pm 10\%$
स्वर्ण	—	—	10^{-1}	$\pm 5\%$
काला	—	0	1	—
भूरा	1	1	10	$\pm 1\%$
लाल	2	2	10^2	$\pm 2\%$
नारंगी	3	3	10^3	—
पीला	4	4	10^4	—
हरा	5	5	10^5	—
नीला	6	6	10^6	—
बेगनी	7	7	10^7	—
धूसर	8	8	10^8	—
सफेद	9	9	10^9	—
कोई नहीं	—	—	—	$\pm 20\%$

दो सार्थक अंक तथा टालरेंस रंग कोड प्रतिरोधकों में Fig 1 में दर्शाये गए अनुसार काय (बॉडी) पर रंगों का लेपन किये हुए 4 बैण्ड होते हैं।

प्रथम बैण्ड प्रतिरोधक घटक के एक सिरे के निकट हो सकता है। द्वितीय, तृतीय एवं चतुर्थ रंगों के बैण्ड Fig 1 में दर्शाये गये हैं।



प्रथम दो रंगों के बैण्ड, प्रतिरोध के आंशिक मान में प्रथम दो अंको को संकेत करते हैं। तीसरा रंग, बैण्ड गुणक को संकेत करता है। वास्तविक प्रतिरोध मान को ज्ञात करने के लिए प्रथम दो अंको को गुणक से गुणा किया जाता है। रंगों का चौथा बैण्ड टालरेंस को प्रतिशत में संकेत करता है।

उदाहरण

प्रतिरोध का मान (Resistance value) : यदि प्रतिरोधक में रंगों का बैण्ड, इस क्रम में हो तो लाल, हरा, संतरी तथा स्वर्ण हो तो

प्रथम रंग	द्वितीय रंग	तृतीय रंग	चतुर्थ रंग
लाल	बेगनी	नारंगी	स्वर्ण
2	7	$1000(10^3)$	$\pm 5\%$

प्रतिरोधक का मान 27,1000 ओह्म हैं, $+ 5\%$ सहिष्णुता (टालरेंस) के साथ

टालरेंस (सहिष्णुता) का मान (Tolerance value): चौथा बैण्ड (टालरेंस), प्रतिरोध के परास को संकेत करता है, जो उसका वास्तविक मान है। उपरोक्त उदाहरण में टालरेंस (छूट) $\pm 5\%$ है। 27000 का $\pm 5\%$ 1350 ओह्म है। इसलिए प्रतिरोधक का मान 25650 ओह्म तथा 28350 ओह्म के बीच किसी भी मान का होगा। सहिष्णुता (टालरेंस) के निम्न मान के प्रतिरोधक (सूक्ष्म) साधारण मान के प्रतिरोधकों से मेहगे होते हैं।

लघु और मध्यम प्रतिरोध का मापन (Methods of measuring low and medium resistance)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- प्रतिरोध मापन की विभिन्न विधियों के नाम बताना
- एम्पियर मापी और वोल्ट मापी विधियाँ का वर्णन करना ।

प्रतिरोध का वर्गीकरण (Classification of resistance) : प्रतिरोध के ओमिक मान पर आधारित इनके मान लघु मध्यम और उच्च प्रतिरोध रखे गये हैं।

एक प्रतिरोध का वर्गीकरण उसके ओमिक मान पर लघु मध्यम या उच्च रखा गया है।

परास (Ranges)

- लघु प्रतिरोध - एक ओम और एक ओम से कम
 मध्य प्रतिरोध - एक ओम से अधिक 100,000 ओम (100k Ohms) (100 k Ω)
 उच्च प्रतिरोध - 100k Ohms से अधिक

उपरोक्त वर्गीकरण दृढ़ नहीं है।

उपयोग (Uses)

लघु प्रतिरोध (Low resistance) : आर्मेचर वेश्टन, एम्पियर मापी शन्ट, केवल लम्बाई, सम्पर्क प्रतिरोध

मध्यम प्रतिरोध (Medium resistance) : सामान्य रूप से प्रयोग में आने वाले सभी वैद्युत उपकरण इस परास के प्रतिरोधों में आते हैं। जैसे बल्ब, अम्पक, रिले, मोटर प्रवर्तक।

उच्च प्रतिरोध (High resistance) : रोधन प्रतिरोध 100k से अधिक परिपथ में कार्बन मिश्रित प्रतिरोधक

निम्न खण्ड में वर्तमान में हम उन्ही विधियों तक सीमित रहेंगे जो लघु और मध्यम प्रतिरोध मापन के लिये हैं।

प्रश्न (Question)

1 1.5 वोल्ट से प्रचालित एक छोटी टार्च के लिये लैम्प का प्रतिरोध का वर्गीकरण प्रतिरोध है

लघु प्रतिरोध मापन की विधियाँ (Methods of measuring low resistance): लघु प्रतिरोध को मापने में प्रयुक्त निम्न तीन विधियाँ लायी जाती हैं।

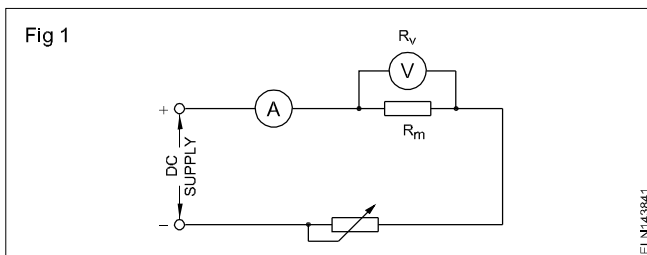
- वोल्टमापी और एम्पियर मापी विधि
- विभव मापी द्वारा मानक से अज्ञात की तुलना विधि
- कैल्विन सेतु
- शन्ट प्रकार का ओममीटर

एम्पियर मापी और वोल्टमापी विधि (Ammeter and voltmeter method): यह विधि सभी से सरल विधि है। और लघु प्रतिरोध को मापने के लिये अत्यधिक प्रयोग में लायी जाती है।

(Fig 1) में R मापे जाने वाला प्रतिरोध है और R प्रतिरोध का V एक उच्च वोल्टमापी है। स्थायी दिष्ट धारा आपूर्ति से एक धारा R से होती हुई श्रेणी में एक उपयुक्त एम्पियर मापी में जाती है। अब माना कि अज्ञात प्रतिरोध में वही धारा है जो कि एम्पियर मापी A के द्वारा मापी गई है। को निम्न सूत्र द्वारा

$$R_m = \frac{\text{Voltmeter reading}}{\text{Ammeter reading}}$$

R_m = Measured value



यदि वोल्टमापी प्रतिरोध अत्यधिक मापी जानेवाले प्रतिरोध की तुलना में अत्यधिक नहीं है तो वोल्टमापी की धारा I का एक बड़ा भाग होगी, जो कि एम्पियर मापी से मापी गई है और इस कारण एक गम्भीर त्रुटि हो सकती है।

मध्यम प्रतिरोध को मापने के लिये निम्न तीन विधियाँ प्रयुक्त होती हैं।

- सीरीज़ वर्ग का ओममीटर
- वोल्टमापी और एम्पियर मापी विधि
- प्रतिस्थापन विधि
- व्हीटस्टोन सेतु विधि

प्रथम विधि पर लघु प्रतिरोध मापन खण्ड में विचार किया जा चुका है। प्रतिस्थापन विधि का स्पष्टीकरण व्हीटस्टोन सेतु विधि का स्पष्टीकरण किया गया है।

ओम मीटर (Ohmmeter)

उद्देश्य : इस पाठ के अन्त में आप निम्नलिखित कार्य करने योग्य होंगे :

- परिमाण के पदों में प्रतिरोधों का वर्गीकरण करना
- श्रेणी प्रकार के ओम मापी के सिद्धान्त रचना, और उपयोग को बताना
- शन्ट प्रकार के ओम मापी के सिद्धान्त रचना, और उपयोग को बताना ।

प्रतिरोधों का व्यापक रूप में वर्गीकरण उनके मान के रूप में हो सकता है।

लघु प्रतिरोध (Low resistance)

एक ओम और उससे कम स्तर के सभी लघु प्रतिरोध में वर्गीकृत किया जा सकता है।

उदाहरण: उदाहरण के लिये बड़ी DC मशीन एम्पियर मापी शन्ट केवल प्रतिरोध सम्पर्क प्रतिरोध इत्यादि के आर्मेचर और श्रेणी क्षेत्र प्रतिरोध

मध्य प्रतिरोध (Medium resistances)

एक ओम से अधिक 100000 ओम तक के प्रतिरोधों का वर्गीकरण मध्य प्रतिरोध में होता है।

उदाहरण: ऊष्मक प्रतिरोध, शन्ट क्षेत्र प्रतिरोध, रिले कुण्डल प्रतिरोध इत्यादि

उच्च प्रतिरोध (High resistances)

100000 ओम के प्रतिरोधों का वर्गीकरण उच्च प्रतिरोध में होता है।

उदाहरण: उपस्करों, केबिल्स इत्यादि का रोधन प्रतिरोध

प्रतिरोध का मापन (Measurement of resistances)

मध्यम प्रतिरोधों का मापन, उपस्करों जैसे केल्विन सेतु, व्हीट स्टोन सेतु, सर्पण तार सेतु, पोस्ट आफिस बाक्स, और ओम मापी से हो सकता है ऊपर के उपस्करों से विशेष डिजाइन से लघु प्रतिरोधों का मापन परिशुद्धता से हो सकता है।

लेकिन उच्च प्रतिरोधों को मापने के लिये मेग ओम मीटर अथवा मेगर जैसे उपस्कर प्रयोग में आते हैं।

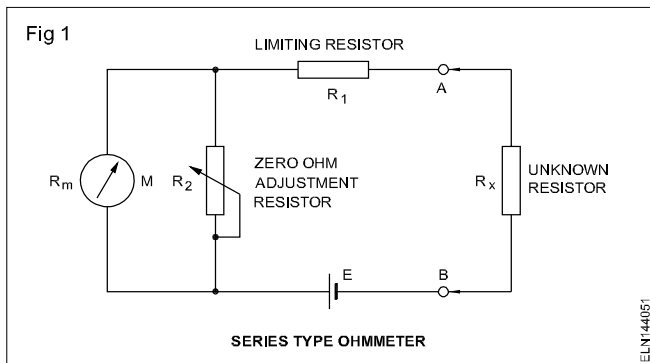
ओममीटर (Ohmmeter)

ओममीटर एक ऐसा उपस्कर है जो प्रतिरोध मापन करता है। ओम मापी दो प्रकार के हैं श्रेणी ओममीटर, मध्यम प्रतिरोध के मापने के लिये, और शन्ट प्रकार के ओम मापी जो लघु प्रतिरोधों को मापने में प्रयुक्त होते हैं। अपने मौलिक रूप में ओम मापी में यदि एक आन्तरिक शुष्क सेल है एक PMMC सेल मीटर और एक धारा सीमन प्रतिरोध होता है।

एक परिपथ में एक ओम मापी का प्रतिरोध मापन के लिये उपयोग करने से पहले परिपथ की धारा बन्द कर देनी चाहिये और किसी विद्युत अपघट्य संधारित्र को विसर्जित कर देना चाहिये क्योंकि ओम मापी ओर में अपना आपूर्ति स्रोत होता है।

श्रेणी प्रकार ओममीटर : संरचना (Series type ohmmeter: construction)

रचना: एक श्रेणी प्रकार के ओम मापी में (Fig 1) के अनुसार मुख्य रूप से एक PMMC (डीआर्सनवाल) मापी M सीमन प्रतिरोध R_1 एक बैटरी E और A तथा B के लिये एक युगल टर्मिनल जिससे अज्ञात प्रतिरोध R_X का सम्बन्ध होना है। और मापी R_2 के समान्तर एक शन्ट M प्रतिरोध होता है जिसे संकेतक की शून्य स्थिति समंजन के लिये उपयोग में लाया जाता है।



कार्यान्वयन (Working)

जब A और B टर्मिनल को लघु पथित (अज्ञात प्रतिरोध $R_X = 0$) कर दिया जाता है परिपथ में अधिकतम धारा प्रवाहित होती है। मीटर पूर्ण स्केल करेन्ट में बना होता है। शन्ट प्रतिरोध R_2 के समंजन द्वारा मापी को पूर्ण पैमाना धारा (Ifsd) मापन के लिये बनाया जाता है। संकेतक के पूर्ण पैमाना धारा स्थिति को पैमाने पर शून्य अंश चिह्नांकित किया जाता है।

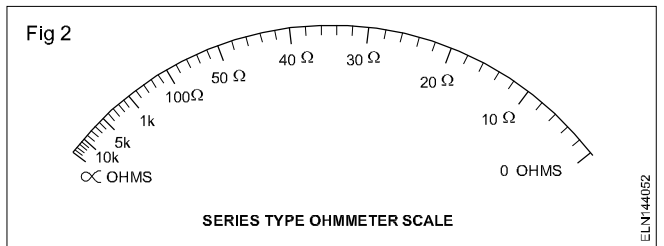
जब ओम मापी के अग्रण (A और B टर्मिनल) खुले हैं तो डायल मापी से कोई धारा प्रवाहित नहीं होती। इस कारण मापी विक्षेपित नहीं होता और संकेतक डायल के बायी ओर रहता है। इसलिये डायल का बायां सिरा अनन्त (∞) प्रतिरोध चिह्नांकित किया जाता है जिसका अर्थ यह होता है कि परीक्षण अग्रण के बीच अनन्त प्रतिरोध (खुला प्रतिरोध) है।

A और B टर्मिनल से ज्ञात प्रतिरोध R_X के विभिन्न मानों को जोड़ कर डालय में माध्यमिक चिह्नांकन (पैमाना) किया जा सकता है।

ओम मापी की परिशुद्धता अधिकतर बैटरी की स्थिति पर निर्भर करती है। भण्डारण समय अथवा उपयोग से बैटरी का आन्तरिक प्रतिरोध धीरे धीरे कम हो सकता है। इस कारण पूर्ण पैमाना धारा कम हो जाती है और टर्मिनल A और B के लघु पथन होने पर मापी शून्य नहीं पढ़ता।

(Fig 1) में परिवर्ती शन्ट प्रतिरोध R_2 द्वारा एक समंजन प्राप्त होता है जो न्यूनित बैटरी वोल्टता प्रभाव का निरासन एक सीमा से अर्न्तगत कर सकता है। यदि बैटरी वोल्टता एक सीमा से भी कम हो जाती है R_2 के समंजन से शून्य समंजन संकेतक को शून्य स्थिति पर नहीं लाया जा सकता है। तब बैटरी का प्रतिस्थापन एक उत्तम बैटरी से होना चाहिये।

(Fig 2) के अनुसार मापी पैमाना दाहिनी सिरें पर शून्य और बायी ओर अनन्त ओम से होगा।

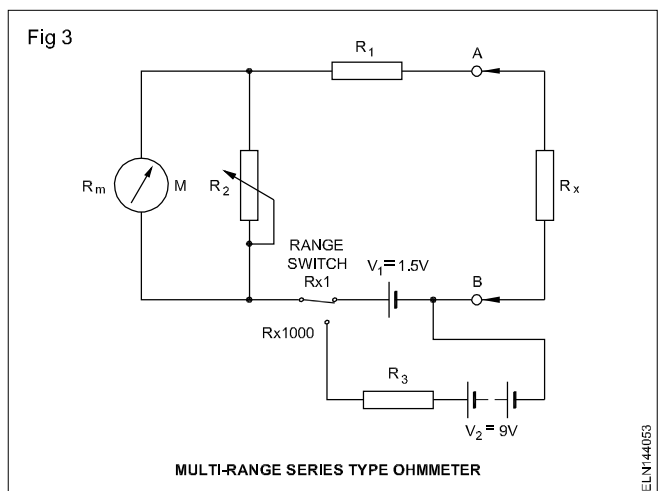


ओम मापी में एक अरैखिक पैमाना होता है। क्योंकि प्रतिरोध और धारा में व्युत्क्रम सम्बन्ध होता है फलस्वरूप शून्य के समीप वृद्धित पैमाना और अन्त सिरें पर घनित पैमाना होता है।

बहु ओम मीटर प्रसार (Multiple ohmmeter range)

अधिकांश ओम मापियों में व्यापक प्रसार एक ओम से 100000 ओम परास के प्रतिरोध मापन सुविधा के लिये एक परास कुंजी होती है। परास कुंजी ओम पैमाने के लिये एक वर्धक गुणक की भांति कार्य करती है। मापन का वास्तविक मापन प्राप्त करने के लिये पैमाने माप के परास कुंजी को R_X गुणक से गुणा करने की आवश्यकता होती है।

प्रसार कुंजी व्यवस्था 1.5V के एक सेल अथवा 9 अथवा 22.5V बैटरी से शक्ति प्रतिरोधों के संचालन से प्रदत्त कराया जाता है। (Fig 3) में बाद की व्यवस्था दिखाई गई है। R_3 का प्रतिरोध मान इस प्रकार चयनित किया जाता है कि मापी में पूर्ण पैमाना धारा मापी वृद्धित स्रोत वोल्टता पर होता है।

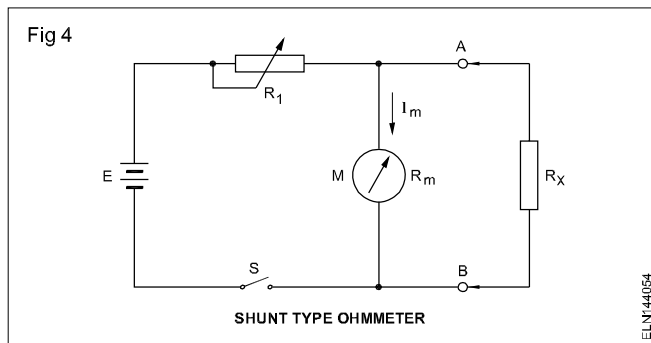


उपयोग (Use)

इस प्रकार का ओम मापी केवल मध्यमान प्रतिरोधों के मापन के लिये होता है और अति लघु तथा अति उच्च प्रतिरोध मापन के लिये परिशुद्धता कम होगी।

शन्ट प्रकार ओम मीटर (Shunt type ohmmeter)

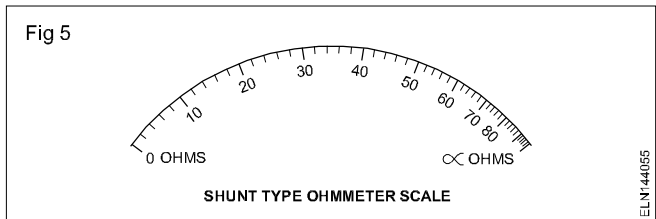
(Fig 4) में एक शन्ट प्रकार ओम मापी का परिपथ आरेख दिखाया गया है। इस मापी में बैटरी E, PMMC मापी गति और शून्य समंजन के लिये संमजन प्रतिरोध R के साथ श्रेणी में जोड़ी जाती है। अज्ञात प्रतिरोध R_x जो टर्मिनल A और B के टर्मिनल्स के सिरों पर जोड़ा जाता है मापी के साथ समान्तर परिपथ निर्मित करता है। भण्डारन समय बैटरी के निष्कासन को दूर करने के लिये कुंजी S स्प्रिंग भारित पुश बटन प्रकार की होती है।



कार्यान्वयन (Working)

जब A और B के टर्मिनल्स लघु पथित होते हैं (अज्ञात प्रतिरोध $R = 0$ ohms) मापी धारा शून्य होती है। दूसरी ओर यदि अज्ञात प्रतिरोध $R = \infty$ (A और B खुले) तो धारा केवल मापी से प्रवाहित होती है और R मान के उचित चयन से संकेतक को पूर्ण पैमाने पर पहुंचाया जा सकता है।

इसलिये शन्ट प्रकार के ओम मापी का शून्य चिन्ह बायें हाथ की ओर (धारा शून्य) और अनन्त चिन्ह पैमाने के दाहिनी हाथ ओर होता है। पूर्ण पैमाना (विक्षेपण धारा) होता है। जैसा कि (Fig 5) में दिखाया गया है। मध्यम मान के प्रतिरोध मापन समय द्वारा प्रवाह मापी प्रतिरोध और अज्ञात प्रतिरोध के व्युत्क्रम अनुपात में विभाजित होता है और संकेतक मध्य मान स्थिति लेता है



उपयोग (Use)

इस प्रकार के ओम मापी लघु मान प्रतिरोधकों के मापन के लिये विशेषकर उपयुक्त होते हैं।